

возможна лишь активизация перехода *Execute* (исполнение программы в защищенном режиме). После активизации перехода *Adjust* (подготовка к эксплуатации) уничтожаются следы процесса подготовки рабочей версии программы, включая код функций переходов *Evaluate*, *Prepare* и *Adjust*. Позиция *Control* соответствует необходимым условиям активизации перехода *Execute*, включая, например, значение ключа, считанного из аппаратного носителя.

Практическая реализация защиты не требует от разработчика функциональной части прикладной программы специальных действий. Декларация объекта защиты может выполняться независимым лицом, осведомленным о технологии обработки данных.

Таким образом, представляемая схема защиты на логическом уровне утилизирует потенциальные возможности автономных аппаратных средств криптографии для упреждающей проверки программного канала доступа к защищаемым данным.

## **Литература**

1. Ревотюк, М.П. Шаблоны систем обеспечения безопасности разрабатываемых программ в вычислительных средах с открытой архитектурой//Компьютерные технологии в обеспечении безопасности электронной информации: Материалы межд. конф.(Минск, 4-9 ноября 2002 г.) - Мн.: БелИСА, 2002. – с. 107-117.
2. Ховард, М., Лебланк, Д. Защищенный код/Пер. с англ. – М.: Издательско-торговый дом “Русская редакция”, 2003.–704 с.

УДК 004.056.5

### **Генераторы подмножеств комбинаторных объектов**

Кишкевич А.П., Ревотюк М.П.\*

ИП “Центр компетенции ”Эвклид”, БГУИР\*

Объект рассмотрения – вычислительные схемы решения комбинаторных задач методом перебора вариантов. В случае, когда множество вариантов порождается алгоритмически, возникает проблема построения их подмножеств с целью независимого анализа на вычислительной сети.

Централизованное порождение вариантов агентом-диспетчером приводит к повышенной загрузке сети. Предлагается для генерации вариантов из множества сочетаний и перестановок экономный алгоритм выделения подмножеств без потерь времени на порождение и фильтрацию пропускаемых вариантов.

Цель исследования – построить абстрактные производные классы-итераторы сочетаний и перестановок для заданного подмножества всех перестановок и сочетаний.

Ключевой вопрос решения задачи порождения подмножества сочетаний/перестановок – фиксация начального состояния итератора. Необходимо по номеру сочетания/перестановки восстановить состав его элементов. По существу, требуется решать задачу, обратную задаче порождения сочетаний/перестановок.

В качестве исходной основы для построения итератора сочетаний и перестановок используем известные алгоритмы порождения сочетаний и перестановок в лексикографическом порядке.

Базовые классы-итераторы генерации всех перестановок и сочетаний будут иметь схожую структуру. Конструктор базового класса создает внутреннее отображение множества элементов перестановки и сочетания соответственно.

Оператор вызова функции выполняет проверку условий продолжения итераций, в случае ее успеха, организует обработку текущей перестановки/сочетания (вызов виртуальной функции `doit()`) и подготовку представления следующей перестановки/сочетания. Таким образом достаточно в конструкторе производного класса указать начальную перестановку/сочетание и количество итераций. [1].

### Порождение подмножества сочетаний

Начальное значение сочетания – множество  $\{\overline{n - m}, n - 1\}$ .

Так как общее количество сочетаний целочисленное

$$C_m^n = \frac{n!}{m! \cdot (n - m)!}, \quad (1)$$

то при разбиении на  $k$  не пересекающихся подмножеств размер последних -  $J C_m^n / k!$  или  $\lfloor C_m^n / k \rfloor$ .

Сочетания, порождаемые в лексикографическом порядке, связаны рекуррентным соотношением для индекса [2]

$$I_{n,m}(k_1, k_2, \dots, k_m) = C_m^n - \sum_{i=1}^m C_{m-i+1}^{n-k_i}, \quad (2)$$

позиции сочетания  $(k_1, k_2, \dots, k_m)$  в списке всех сочетаний.

Индекс последнего сочетания определяется (1):

$$I_{n,m}(n-m-1, n-m-2, \dots, n) = C_m^n.$$

Анализируя (1) и (2), достаточно легко придти к идее рекурсивного восстановления сочетания  $(k_1, k_2, \dots, k_m)$  из значения  $I_{n,m}(k_1, k_2, \dots, k_m)$ .

На первом шаге множество  $S$  сочетаний из  $n$  элементов по  $m$  можно разбить на две непересекающиеся части:

$S_1$  – сочетания из  $n-1$  элемента по  $m-1$  с позицией  $m$ , установленной в  $n$ ;

$S_2$  – сочетания из  $n-1$  элемента по  $m$ , такие, что  $S_2 = S \setminus S_1$ .

Мощности множеств сочетаний связаны соотношениями

$$|S| = C_m^n, \quad |S_1| = |S| \cdot m/n, \quad |S_2| = |S| - |S_1|. \quad (3)$$

Зафиксировав известный максимально допустимый элемент  $k_m = n$  в позиции  $m$ , и учитывая, что для сохранения лексикографического порядка всех элементов любого сочетания должно выполняться условие  $(0 \leq k_1 < k_2 < \dots < k_m \leq n-1)$ , процедуру разбиения можно последовательно продолжить. Выражения (3) при этом применяются для уменьшающихся значений  $m$  и  $n$ .

Алгоритм порождения любого из  $k$  подмножеств сочетаний из  $n$  элементов по  $m$  штук, указанного номером  $i$ ,  $i = \overline{0, k-1}$  представлен ниже производным классом, где конструктор выполняет фиксацию начального сочетания и счетчика итераций:

```

template <class Type> // Итератор подмножеств сочетаний
class nth_combination: public combination<Type> {
public:
nth_combination(Type N, Type M, Type K, Type I):
combination<Type>(N, M) {
Type cs=count;
count=cs/K;
Type ost=cs%K;
Type ps=(ost)? ((I<ost)? ++count*I: count*I+ost): count*I;
for (Type i=m, cp=0, cn=n; i>0; ) {
Type nb=(cs*i)/cn;
if (cp+nb<=ps){
cp+=nb; cs-=nb; cn--;
} else {
cs=nb; v[--i]=--cn;
}
}
}
};

```

### Порождение подмножества перестановок

Так как общее количество перестановок целочисленное

$$C^n = n!, \quad (1)$$

то при разбиении на  $k$  непересекающихся подмножеств размер последних -  $|C^n / k|$  или  $[C^n / k]$ .

На первом шаге множество  $S$  перестановок из  $n$  элементов можно разбить на  $n$  непересекающихся частей:

$S_0, S_1, S_i, \dots, S_{n-1}$  – сочетания из  $n-1$  элемента с позицией 0, установленной в  $i$ ;

Мощности множеств перестановок связаны соотношениями

$$|S| = C^n, |S_i| = |S|/n. \quad (3)$$

Зафиксировав известный максимально допустимый элемент  $k_0 = i$  в позиции 0, и учитывая, что для сохранения лексикографического порядка всех элементов любой перестановки должно выполняться условие  $(0 \leq k_1 < k_2 < \dots < k_n \leq n-1)$ , процедуру разбиения можно

последовательно продолжить. Выражения (3) при этом применяются для уменьшающегося значения  $n$ .

Алгоритм порождения любого из  $k$  подмножеств перестановок из  $n$ , указанного номером  $i$ ,  $i = \overline{0, k-1}$  представлен ниже производным классом:

```
template <class Type> // Итератор подмножеств сочетаний
class nth_permutation: public permutation<Type> {
    int I, K, N;
public:
    nth_permutation (int i, int K, int N): permutation <Type>(N),
I(i), K(K), N(N) {
        Type cs=count; count/=K;
        Type ost=cs%K;
        Type ps=(ost)? ((I<ost)? ++count*I: count*I+ost): count*I;
        vector<bool> tv(N, true);
        std::vector<int>::iterator it=first;
        for(int cn=0, itn; cn<N; cn++, ps-=itn*cs){
            int cd=0, j=0;
            for(cs/=N-cn, itn=ps/cs;;j++)
                if(tv[j])
                    if(cd++==itn) break;
            tv[j]=false, *it++=j;
        }
    };
};
```

Таким образом, для координации процессов анализа вариантов на сети агентами системы выбора достаточно назначения номеров участвующим в решении задачи узлам сети. Передача элементов перестановок и сочетаний и холостой пропуск неиспользуемых вариантов не требуется. Порождаемые подмножества не пересекаются.

### Литература

1. Липский, В. Комбинаторика для программистов: Пер. с польск. – М.: Мир, 1988. – 218 с.
2. Рейнгольд, Э., Нивергельт, Ю., Део, Н. Комбинаторные алгоритмы. Теория и практика: Пер с агл. – М.: Мир, 1980. – 476 с.