

вальцами и сгруживается у приемного окна питающего аппарата. В этом случае разница линейных скоростей крайне велика, и это различие при описываемом типе кинематической связи неустранимо, т.к. отношение линейных скоростей массы в жатке и питающем аппарате изменяется на величину диапазона коробки питающего аппарата до 4...6 раз.

Таким образом, остается актуальной проблема создания привода рабочих органов кормоуборочного комбайна, обеспечивающего эффективную работу последнего с широким шлейфом адаптеров, не ограничивая ее по используемым технологическим режимам, по набору адаптеров и технологических операций. Сотрудниками БГПА предлагается конструктивное решение привода рабочих органов кормоуборочного комбайна, позволяющее повысить эффективность работы комплекса за счет улучшения согласования технологического процесса адаптеров и питающего аппарата вследствие раздельного регулирования приводом кинематических режимов работы агрегатов (возможны два варианта: синхронный и параллельный приводы).

**Литература.** 1. А.с. 818538 СССР, МКИ А01Д 43/08. Самоходный кормоуборочный комбайн./ Г.Д. Чернышев, В.В. Зеленев, Л.А. Нарычев и др. 2. А.с. 1175742 СССР, МКИ В60К 17/10. Редуктор с гидроруляемой муфтой./ А.Т. Скойбеда, Г.А. Трофимук, Н.К. Ничипорчик и др. 3. А.с.1205813 СССР, МКИ А01Д 69/00. Привод адаптеров кормоуборочного комбайна./ А.Т. Скойбеда, Г.А. Трофимук, А.А. Боталенко и др.4. А.с. 1230528 СССР, МКИ А01Д 69/00. Привод питающе-измельчающего аппарата кормоуборочного комбайна./ А.Т. Скойбеда, Ю.В. Новиков, А.А. Боталенко и др. 5. А.с. 1523099 СССР, МКИ А01Д 69/00, 43/08. Привод питающе-измельчающего аппарата кормоуборочного комбайна./ А.Т. Скойбеда, А.А. Зенькович, И.В. Можаров и др. 6. А.с. 1524840 СССР, МКИ А01Д 69/00. Привод питающе-измельчающего аппарата кормоуборочного комбайна./ А.Т. Скойбеда, А.А. Зенькович, Л.Н. Буймов и др. 7. Комбайн самоходный кормоуборочный КСК-100. Техническое описание и инструкция по эксплуатации. – Минск: Польша. 1985. 8. Пат 3722367 ФРГ МКИ А01Д 75/18. 9. Пат 4594842 США МКИ А01Д 45/02. 10. Резник Е.Н. Кормоуборочные комбайны. - М: Машиностроение. 1980. 11. Скойбеда А.Т., Калина А.А. Технический уровень и типаж комбайнов для заготовки зеленых кормов: Обзорная информация. – Минск: БелНИИ-ТИ. 1990.

УДК 621.01.001

В.В. Кудин, М.В. Кудин

## ВОПРОСЫ ДИНАМИКИ СТАТИЧЕСКИ ОПРЕДЕЛИМЫХ МЕХАНИЗМОВ ПРИ НАЛИЧИИ ТРЕНИЯ

*Белорусский национальный технический университет  
г. Минск, Беларусь*

Улучшение качества машин, повышение их надежности, долговечности связано с совершенствованием конструирования механизмов и их методов расчета.

Особенностью статически определимых механизмов является то, что, при наличии резервных подвижностей в кинематических парах, сохраняют высокую работоспособность при значительных погрешностях изготовления и монтажа звеньев механизмов.

Расширение допусков на изготовление и монтаж требует дополнительных динамических исследований движений самоустанавливаемости как с учетом геометрии механизма, так и трения в кинематических парах.

В связи с такой постановкой предлагается методика определения динамических характеристик механизма с учетом трения пространственных кинематических цепей. Анализ трения в кинематических парах показал, что следует учесть распределение давления по поверхности соприкосновения. Так в цилиндрической паре с линейным контактом нормальное давление близко к эллипсоидальному закону [1]

$$p_i = p_{\max} \sqrt{1 - \frac{x^2}{b_{ij}^2}}, \quad (1)$$

где  $x$  - текущая координата;  
 $b_{ij}$  - половина длины контактной линии;  
 $p_{\max}$  - максимальное давление на длине  $2b_{ij}$ .

В сферической паре нормальное давление распределяется по закону полусферы, радиус которой [2]

$$r_i = 0,872 \cdot R \cdot \sqrt[3]{\frac{Q}{\delta} \left( \frac{1}{E_i} + \frac{1}{E_j} \right)}, \quad (2)$$

где  $\delta$  - величина зазора в кинематической паре.  
 Тогда давление в произвольной точке пятна контакта равно

$$p_i = p_{\max} \sqrt{1 - \left( \frac{R}{r_i} \right)^2 \sin^2 \alpha}, \quad (3)$$

где  $\alpha$  - угол между нормальными в точках А и С.  
 Элементарные силы инерции в произвольной точке контакта будут равны:  
 - цилиндрическая пара

$$dF_{ij} = f_{ij} p_{\max} \sqrt{1 - \frac{x^2}{b_{ij}^2}} dx; \quad (4)$$

- сферическая пара

$$dF_{ij} = f_{ij} p_{\max} \sqrt{1 - \left( \frac{R}{r_i} \right)^2 \sin^2 \alpha} R^2 \cdot \sin \alpha \cdot d\alpha d\varphi. \quad (4')$$

Вектора сил трения  $dF_{ij}$  будет направлен в противоположную сторону вектору относительной скорости скольжения.

Интегрируя выражения (4), (4') с учетом нормальной реакции взаимодействия элементов определяем главный вектор и главный момент реакции взаимодействия элементов пары, которые изображаются компонентами матриц  $P_{ij}$  и  $M_{ij}$ . Так для цилиндрической пары эти компоненты равны

$$F_{ij} = \begin{Bmatrix} F_{ij}^x \\ F_{ij}^y \\ F_{ij}^z \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} \frac{\pi}{2} f_{ij} \cdot \frac{V_{ij}^n}{V_{ij}} \cdot p_{\max} \cdot b_{ij} \\ \frac{\pi}{2} f_{ij} \cdot \frac{V_{ij}^e}{V_{ij}} \cdot p_{\max} \cdot b_{ij} \\ \frac{\pi}{2} f_{ij} \cdot p_{\max} \cdot b_{ij} \end{Bmatrix}, \quad (5)$$

$$M_{ij} = \begin{Bmatrix} M_{ij}^x \\ M_{ij}^y \\ M_{ij}^z \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} \frac{\pi}{2} f_{ij} \cdot \frac{V_{ij}^e}{V_{ij}} \cdot p_{\max} \cdot r_{ij} \cdot b_{ij} \\ \frac{\pi}{2} f_{ij} \cdot \frac{V_{ij}^n}{V_{ij}} \cdot p_{\max} \cdot r_{ij} \cdot b_{ij} \\ 0 \end{Bmatrix}. \quad (5')$$

Матрицы главного вектора и главного момента реакций кинематических пар используются в матричных уравнениях равновесия кинематических цепей [3]

$$\left. \begin{aligned} QW_1 + V_1 &= 0 \\ QW_2 + V_2 &= 0 \end{aligned} \right\}, \quad (6)$$

где  $Q$  - матрица неизвестных параметров реакций кинематических пар;  
 $W_1, W_2$  - матрицы, элементами которых являются коэффициенты при неизвестных;  
 $V_1, V_2$  - матрицы, элементами которых являются свободные члены системы.

Однако решение системы (6) возможно только численными методами с применением ПЭВМ.

Для исследования движения самоустанавливаемой "почти" плоских механизмов возможно использование упрощенных методов. Так для группы  $\overline{IV} \overline{III} \overline{IV}$ , состоящей из двух звеньев, двух цилиндрических и одной сферической пар сделаем два допущения: 1) примем, что компоненты матрицы  $M_{32}$  известны; 2) составляющая  $X_{43}$  главного вектора  $P_{43}$  равна  $X_{43} = f_{43} \cdot P_{43}^o$ , где  $P_{43}^o$  - нормальная составляющая реакций определенная при силовом расчете без учета трения. Тогда решая уравнения (6), для данной группы придем к системе двух уравнений

$$\left. \begin{aligned} D_1 - \frac{\pi}{2} q_{12} \left[ \ell_{CD} \left( \cos \psi_{12} - f_{12} \frac{V_{12}^e}{V_{12}} \sin \psi_{12} \right) - f_{12} \frac{V_{12}^e}{V_{12}} r_{12} \right] &= 0 \\ D_2 - \frac{\pi}{2} q_{12} \left[ a_{11} f_{11} \frac{V_{12}^n}{V_{12}} + \left( a_{31} + a_{21} f_{12} \frac{V_{12}^e}{V_{12}} \right) \cos \psi_{12} + \left( a_{21} - a_{31} f_{12} \frac{V_{12}^e}{V_{12}} \right) \sin \psi_{12} \right] &= 0 \end{aligned} \right\}, \quad (7)$$

где  $r_{12}$  - радиус цапфы цилиндрической пары;

$$q_{12} = p_{\max} b_{12};$$

$$D_1 = M_{2x} + M_{32}^{x1} - p_{2z} \ell_{CD};$$

$$D_2 = p_{3x} + x_{43} + a_{11} p_{2x} + a_{21} p_{2y} + a_{31} p_{2z}$$

Решая систему (7) определяем  $\psi_{12}$  и  $q_{12}$ , а затем и все компоненты матриц главных векторов реакций кинематических пар группы.

Предназначенная методика позволяет исследовать движение самоустанавливающейся в кинематических парах с учетом трения, а так же распространить ее на пространственные рычажные механизмы.

**Литература.** 1. Галин Я.А. Контактные задачи теории упругости. : - М.: ГТТИ, 1953. – с.23-24. 2. Дементьев Х.Н. Исследование трения в сферических парах // Сборник трудов РИИЖТа -. 1964 №49. 3. Теория механизмов и машин: Учеб. Для вузов / Под ред. К.В. Фролова. – М.: Высш. Шк., 1987.- 496 с.

УДК 629.03+629.11.073

А.Т. Скойбеда, И.М. Комяк, Д.А. Грамович, О.И. Писарук

## ПУТИ ПОВЫШЕНИЯ ЭФФЕКТИВНОСТИ ДВИЖИТЕЛЕЙ ТРАНСПОРТНЫХ МАШИН

*Белорусский национальный технический университет  
Минск, Беларусь*

Основными показателями работы любого движителя являются: наибольшая экономичность расходования подведенной к нему энергии в наиболее типичных, характерных условиях работы и максимальная продольная сила при движении в экстремально плохих условиях. Очевидно, что совершенствование движителей должно вестись, прежде всего, в направлении улучшения именно этих показателей.

Таких направлений несколько и целесообразность их обусловлена закономерностями взаимодействия движителя с грунтом. Если рассматривать зависимость тягового усилия  $T$  от механических параметров грунта и характеристик машины, то в наиболее общем виде ее можно представить следующим выражением:

$$T = A c y_1 + N \varphi_0 y_2 ; \quad (1)$$

где  $A$  - площадь поверхности, по которой происходит сдвиг грунта;  $c$  - внутреннее сцепление грунта;  $N$  - нормальная суммарная нагрузка на поверхность сдвига грунта;  $\varphi_0$  - коэффициент внутреннего трения грунта;  $y_1$  и  $y_2$  - передаточные функции.

В уравнении (1) параметры грунта  $c$  и  $\varphi_0$  в первом приближении можно считать константами. Функции  $y_1$  и  $y_2$  определяют соответственно эффективность использования фрикционных сил и сил сцепления с грунтом, значения их находятся в пределах от 0 до 1. Таким образом, величина тягового усилия или продольной силы движителя  $T$  зависит от переменных факторов:  $A$ ,  $N$ ,  $y_1$ ,  $y_2$ . Заметим, что с ростом значений указанных факторов возрастает и величина  $T$ . Этим и определяются направления повышения эффективности работы движителя, к которым можно отнести: увеличение площади поверхности, по которой в зоне контакта движителя с грунтом может происходить сдвиг грунта; увеличение суммарной нормальной нагрузки на поверхность, по которой может происходить сдвиг грунта в зоне контакта движителя с грунтом; увеличе-