

## СОВМЕЩЕННЫЕ КОРНЕВЫЕ ПОРТРЕТЫ ПРИ СИНТЕЗЕ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ В УСЛОВИЯХ ИЗМЕНЕНИЯ РЯДА РЕАЛЬНЫХ ФИЗИЧЕСКИХ ПАРАМЕТРОВ ОБЪЕКТА

Несенчук А.А.

Белорусский национальный технический университет  
Минск, Республика Беларусь.

В работе рассматривается система автоматического управления объектами, функционирующими в условиях неопределенности [1,2], при изменении двух реальных физических параметров объекта в бесконечных пределах действительных значений. Введено понятие «совмещенного корневого годографа» («совмещенного корневого портрета») системы.

Рассмотрим математическую модель системы в форме корневого портрета (корневого годографа) при изменении двух реальных физических параметров объекта. Будем рассматривать математическую модель в виде корневых траекторий характеристического полинома автоматической системы, коэффициенты  $a_j(\bar{q})$  которого являются функциями вектора  $\bar{q} = \{q_i, i = \overline{1, m}\}$  реальных физических параметров системы:

$$p(s, \bar{q}) = s^n + a_1(\bar{q})s^{n-1} + a_2(\bar{q})s^{n-2} + \dots + a_{n-k}(\bar{q})s^k + \dots + a_{n-2}(\bar{q})s^2 + a_{n-1}(\bar{q})s + a_n(\bar{q}), \quad (1)$$

где  $s$  – комплексное переменное,  $s = \sigma + i\omega$ ;  $a_j \in \bar{a}$  – коэффициенты полинома,  $j = 1, 2, \dots, n$ .

Рассмотрим пример системы, когда изменяются два параметра объекта управления, которые фактически являются коэффициентами полинома. Характеристический полином системы имеет следующий вид:

$$s^3 + s^2 + q_1s + q_2 = p(s, q_1, q_2). \quad (2)$$

Подобные системы часто встречаются в реальных практических задачах синтеза систем автоматического управления техническими объектами.

Тогда, выделив в (2) интересующий нас параметр, например  $q_1$ , в качестве параметра корневого годографа, получим уравнение корневого годографа в общем виде [2]:

$$\phi(s) + q_1\psi(s) = (s^3 + s^2 + q_2) + q_1s = 0. \quad (3)$$

Для исследования системы используем совмещенный корневой портрет. Приняв  $q_1=0$ , можно выполнить исследование динамических свойств системы при вариации коэффициента  $q_2$ , т.е. установить реакцию системы на изменение этого параметра в пределах бесконечного интервала изменения его значений, учитывая, что построенный для этого случая корневой годограф  $RL(q_2)$  полинома  $\phi(s)$  (3), имеющий параметр годографа  $q_2$ , представляет собой траекторию полюсов (начальных точек) корневого годографа характеристического полинома системы.

Исследовав влияние параметра  $q_2$  на динамику системы, следует выбрать приемлемое в смысле расположения корней и удовлетворяющее пользователю значение  $q_2 = \bar{q}_2$  этого параметра.

На следующем этапе, используя выбранное значение  $q_2 = \bar{q}_2$ , с помощью корневого годографа (3), построенного уже относительно параметра  $q_1$  годографа,  $RL(q_1)$ , выполняем исследование влияния изменения параметра  $q_1$  на динамику рассматриваемой системы управления. В этом случае корни полинома (3) представляют собой корни системы при найденном на предыдущем этапе значении параметра  $q_2 = \bar{q}_2$ .

Соответствующие корневые траектории представлены на рис. 1.

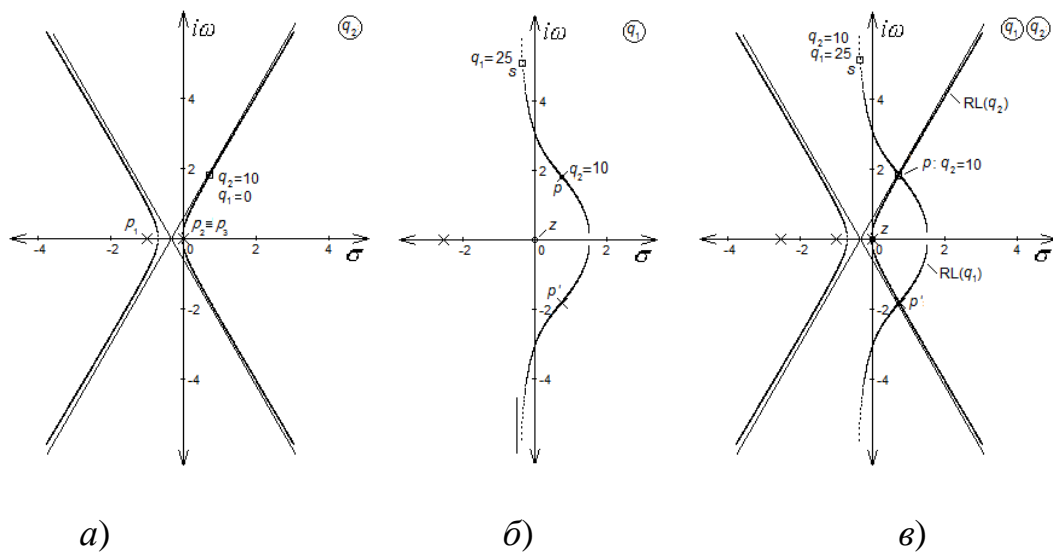


Рис. 1. Корневые годографы  $RL(q)$  системы:

- а)  $RL(q_2)$  полинома  $\phi(s)$  (5) с параметром годографа  $q_2$  при  $q_1=0$ ;
- б)  $RL(q_1)$  полинома (6) с параметром годографа  $q_1$  при  $q_2=10$ ;
- в) совмещенный корневой годограф системы  $RL(\bar{q})=RL(q_1)+RL(q_2)$ : годограф относительно  $q_1$  совмещен с годографом относительно  $q_2$

Искомая точка  $s$  ( $q_1=25, q_2=10$ ) выбрана в левой полуплоскости комплексной плоскости  $s$  корней системы (рис. 1, в).

Совмещенный корневой годограф обладает большой наглядностью, позволяя не только исследовать характер влияния параметрических вариаций на динамические свойства системы, но также установить взаимовлияние отдельных ее параметров и на этой основе определять значения параметров, обеспечивающих устойчивость системы.

6. Поляк Б.Т., Хлебников М.В., Щербаков П.С. Управление линейными системами при внешних возмущениях. М.: ЛЕНАНД, 2014. – 560 с.  
 7. Несенчук А.А. Анализ и синтез робастных динамических систем на основе корневого подхода. Минск: ОИПИ НАН Беларуси, 2005. – 234 с.