

Для сохранения поляризованного состояния TGS применяют несколько методов. Это — облучение  $\gamma$ -квантами образца, помещенного в электрическое поле; нанесение на образец различных управляющих электродов; введение в процессе выращивания кристаллов активных примесей типа внедрения и замещения.

Модифицированные кристаллы TGS получены путем частичного замещения глициновой группы на аминокислоту L - лейцин (L-L), содержание которого составляло до 10 мол.% в растворе. Кристаллы L-LTGS выращены при постоянных температурах роста в сегнетоэлектрической фазе.

Выполнены комплексные исследования пьезоэлектрических и поляризационных свойств новых сегнетоэлектрических кристаллов L-LTGS по наиболее развитым пирамидам роста.

Исследования показали, что применение лиганда L — лейцина существенно влияет на параметры пирокачества  $u/\epsilon$ ,  $M_2$  и на поляризационные характеристики  $P_s$ ,  $E_C$ ,  $E_{cm}$  и др.

Дано сравнение пьезоэлектрических и поляризационных параметров кристаллов L-LTGS и TGS, L-VTGS.

## ИССЛЕДОВАНИЕ ДИФфуЗИИ В ДВУХКОМПОНЕНТНЫХ РЕШЕТОЧНЫХ СИСТЕМАХ ПО МЕТОДУ МОНТЕ-КАРЛО

*Д.В. Гапанюк*

Научный руководитель – д.ф.-м.н., профессор *В.С. Вихренко*  
*Белорусский государственный технологический университет*

Диффузия является одним из наиболее распространенных явлений, контролируемых перераспределением компонентов в системе и, поэтому, играющим важнейшую роль во многих производственных процессах. Согласно феноменологической теории необратимых процессов [1-2], потоки компонентов пропорциональны градиентам соответствующих химических потенциалов, а коэффициенты пропорциональности называют кинетическими коэффициентами диффузии. С другой стороны, согласно закону Фика, потоки компонентов пропорциональны градиентам концентрации, и в эти выражения входят коэффициенты химической диффузии. Перерасчет коэффициентов диффузии осуществляется с помощью производных химических потенциалов по концентрациям компонентов.

Моделирование динамики частиц в системе производилось по методу Монте-Карло. Алгоритм моделирования [3] модифицирован к особенностям исследования двухкомпонентных систем с межчастичным отталкиванием. Для системы  $N$  частиц сортов  $A$  и  $B$  на периодической двумерной решетке исходными условиями моделирования являлись температура  $T$ , концентрация компонентов  $c_A$  и  $c_B$ , потенциалы взаимодействия между ближайшими соседями  $J_{AA}=-J$ ,  $J_{BB}=J_BJ$  и  $J_{AB}=J_{AB}J$  на квадратной решетке размером  $L \times L$  ( $L=32$ ) узлов с периодическими граничными условиями, которые позволяют существенно уменьшить влияние конечных размеров моделируемой системы на результаты моделирования. Начальное состояние системы генерировалось путем случайного выбора узла решетки с координатами  $(\alpha, \beta)$  ( $1 \leq \alpha \leq L$ ,  $1 \leq \beta \leq L$ , где  $\alpha$  и  $\beta$  – целые числа), в который помещалась частица. Заполнение решетки производилось до числа частиц  $N = L \times L(c_A + c_B)$ .

Моделирование динамики частиц осуществлялось случайным выбором узла  $(\alpha, \beta)$  решетки, занятого частицей любого сорта. Затем разыгрывался переход этой частицы в один из четырех ближайших узлов. Если узел не был занят, то вычислялась вероятность перехода частицы  $P_1$ . Эта вероятность сопоставлялась со случайной величиной  $0 \leq P \leq 1$ . При  $P \leq P_1$  переход частицы принимался, в противном случае состояния узлов оставались прежними, и осуществлялся переход к анализу следующего узла. Один шаг процедуры Монте-Карло (МКШ) состоял из числа попыток перемещения частиц, равного числу частиц в системе. Типичная длина траектории составляла 50000 МКШ, и усреднение производилось по  $10^3$  траекторий. Как и следовало ожидать, зависимость среднего квадрата перемещения частиц от времени близка к линейной. Аппроксимировав полученные кривые линейными зависимостями, находим

соответствующие кинетические коэффициенты диффузии.

Моделирование было выполнено в области изменения концентраций компонентов от 0 до 0,95 при значении приведенной температуры  $T/T_c=1,5$ , выраженной в единицах критической температуры компонента  $A$  ( $k_B T_c=0,567J$ ). Параметры взаимодействия приняты положительными и равными  $J_B=1,44$ ,  $J_{AB}=1,2$  ( $J_{AB}=\sqrt{J_B}$ ), что соответствует межчастичному отталкиванию.

Ввиду межчастичного отталкивания интенсивнее взаимодействующие частицы сорта  $B$  более подвижны. Однако при увеличении концентрации частиц сорта  $A$  ситуация изменяется и подвижность частиц обоих сортов выравнивается. Такое поведение обусловлено взаимным распределением частиц в системе. При низких концентрациях пары частиц сорта  $B$  мало вероятны и коэффициенты диффузии определяются взаимодействием частиц разных сортов или сорта  $A$ .

#### Литература

1. Bokun G. S., Groda Ya.G., Uebing C., Vikhrenko V.S. // Physica A. – 2001. – V. 296.
2. Де Гроот С.Р. и Мазур П. Неравновесная термодинамика. – М.: Мир, 1974.
3. Бокун Г.С., Вихренко В.С., Гапанюк Д.В. // Труды БГТУ. Сер. физ.-мат. наук и информ. Вып. XI. -2003. -С. 63.

## КОМПЛЕКСНЫЕ КВАЗИПОЛИНОМИАЛЬНЫЕ РЕШЕНИЯ УРАВНЕНИЯ ШРЕДИНГЕРА

*Р.И. Гаранин, Н.Н. Кравченко*

Научный руководитель – к.ф.- м.н., доцент *Ю.В. Трубников*  
*Витебский государственный университет им. П. Машерова*

Целью исследования является нахождение комплекснозначных решений уравнения Шредингера, при этом метод разделения переменных не используется. В результате получены комплексные квазиполиномиальные решения.

Рассмотрим движение двумерного изотропного осциллятора, у которого  $\omega_1 = \omega_2 = \omega$ . Потенциальная энергия  $U$  такого осциллятора выражается формулой

$U = \frac{m\omega^2}{2}(x^2 + y^2)$ . Уравнение Шредингера соответственно имеет вид

$$\Delta\psi + \frac{2m}{\hbar^2} \left[ E - \frac{m\omega^2}{2}(x^2 + y^2) \right] \psi = 0. \quad (1)$$

Покажем, что функция

$$\psi(x, y) = (x + iy)^n e^{-a(x^2+y^2)} \quad (n = 0,1,2,\dots)$$

при  $a = \frac{m\omega}{2\hbar}$  является решением уравнения (1). Действительно,

$$\begin{aligned} \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} &= n^2 (x + iy)^{n-2} e^{-a(x^2+y^2)} - n(x + iy)^{n-2} e^{-a(x^2+y^2)} - 4nax(x + iy)^{n-1} e^{-a(x^2+y^2)} - \\ &- 2a(x + iy)^n e^{-a(x^2+y^2)} + 4a^2 x^2 (x + iy)^n e^{-a(x^2+y^2)}; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} &= -n^2 (x + iy)^{n-2} e^{-a(x^2+y^2)} + n(x + iy)^{n-2} e^{-a(x^2+y^2)} - 4inay(x + iy)^{n-1} e^{-a(x^2+y^2)} - \\ &- 2a(x + iy)^n e^{-a(x^2+y^2)} + 4a^2 y^2 (x + iy)^n e^{-a(x^2+y^2)}. \end{aligned}$$