

К достоинствам резонансного метода относятся: сравнительно большая скорость контроля, высокая надежность (достоверность) контроля, возможность применения в контроле изделий сложной формы.

УДК 621.762.4

Груша Ю.Г.

## **УГЛОВЫЕ И ЛИНЕЙНЫЕ ПАРАМЕТРЫ ОСТРОКОНЕЧНЫХ ЗУБЬЕВ ФРЕЗ**

*БНТУ, Минск, Республика Беларусь  
Научный руководитель: Молочко В.И.*

Фрезы с остроконечными зубьями, то есть с зубьями, у которых задняя поверхность в плоскости перпендикулярной к оси имеет ломаную линию, являются наиболее распространенным видом фрез. Наиболее простым является трапецидальный зуб.

Прочность зуба и пространство для размещения стружки, наряду с другими параметрами, характеризуются углами  $\eta$  и  $\Theta$ , которые связаны между собой. Рассмотрим треугольник ABC. Угол AСК, как внешний, равен сумме углов BAC и ABC, т.е.  $\text{AСК} = \eta + \varepsilon$ . Угол BCD есть  $\Theta$  и он равен углу AСК, следовательно  $\Theta = \eta + \varepsilon$ , где  $\varepsilon = \frac{360}{z}$  – угловой шаг,  $z$  – число зубьев фрезы.

Если зуб будет снабжен передним углом  $\gamma$ , то соотношение все равно не изменится. В этом можно убедиться. Рассмотрим треугольник ABC и DCE. Угол DCE, как внешний, равен

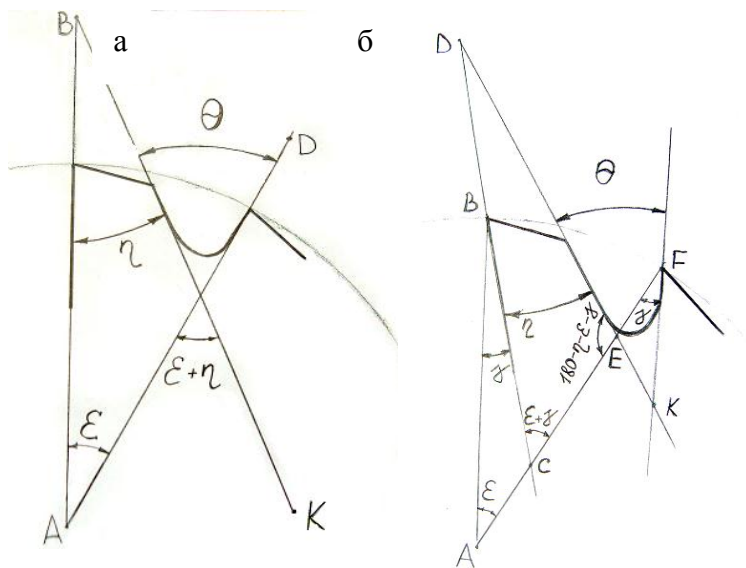


Рисунок 1 – Трапецидальный зуб:  
а – без угла  $\gamma$ ; б – с углом  $\gamma$

сумме углов  $\gamma$  и  $\varepsilon$ . Угол DEC равен углу FEK и равен  $\eta + \varepsilon + \gamma$ , но в то же время, с другой стороны он равен  $180 - \eta - \varepsilon - \gamma$ . FKE – это угол  $\Theta$ . Зная, что сумма углов равна  $180^\circ$  можно найти угол  $\Theta$  из треугольника FKE

$$\Theta = 180 - 180 + \eta + \varepsilon + \gamma - \gamma = \eta + \varepsilon.$$

Таким образом, угол  $\gamma$  не влияет на соотношение углов  $\Theta$ ,  $\eta$  и  $\varepsilon$ .

Формула для определения угла  $\Theta$  справедлива лишь тогда, когда режущие зубья параллельны оси фрезы. Для фрез с винтовыми зубьями угол  $\eta$  должен быть рассмотрен в плоскости  $MN$ , перпендикулярной к винтовым зубьям.

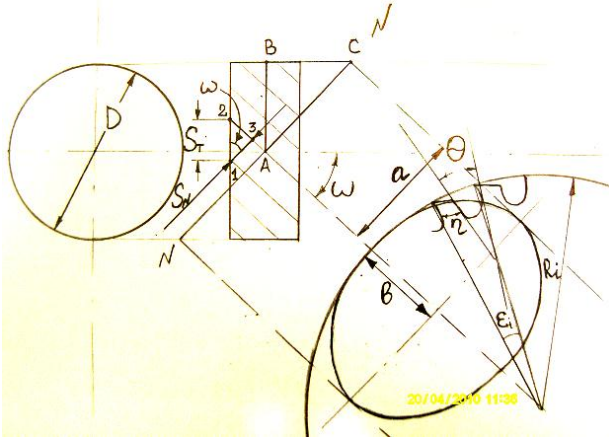


Рисунок 2 – Фреза с винтовыми зубьями

В этом случае  $\eta = \Theta - \varepsilon_i$ , где  $\varepsilon_i$  – угловой шаг, который равен шагу зубьев при приведенном их количестве.

Выведем формулу для определения идеального числа зубьев. Если функции  $y = f(x)$  задана в параметрическом виде, то есть в виде  $x = f_1(t)$ ;  $y = f_2(t)$ , то радиус кривизны может быть определен по формуле

$$R_i = \frac{(x'^2 + y'^2)^{3/2}}{|x'y'' - y'x''|} \quad (1)$$

Подставляя значения  $x'$ ,  $y'$ ,  $x''$ ,  $y''$  в формулу (1), и учитывая, что

$\cos t = \frac{x}{a}, \sin t = \frac{y}{b}$  получим:

$$\begin{aligned} R_i &= \frac{(x'^2 + y'^2)^{3/2}}{|x'y'' - y'x''|} = \frac{(a^2 \sin^2 t + b^2 \cos^2 t)^{3/2}}{(-a \sin t \cdot (-b \sin t)) - (b \cos t \cdot (-a \cos t))} = \\ &= \frac{(a^2 \sin^2 t + b^2 \cos^2 t)^{3/2}}{ab \cdot \sin^2 t + ab \cdot \cos^2 t} = \frac{(a^2 \sin^2 t + b^2 \cos^2 t)^{3/2}}{ab} = \frac{\left(\frac{a^2 y^2}{b^2} + \frac{b^2 x^2}{a^2}\right)^{3/2}}{ab} \\ &= \frac{(a^4 y^2 + b^4 x^2)^{3/2}}{a^4 b^4} \end{aligned}$$

Найдем радиус кривизны для точки с координатами  $(0; b)$ :

$$\frac{(a^4 b^2)^{3/2}}{a^4 b^4} = \frac{a^2}{b}$$

Из треугольника ABC видно, что  $b = R$ , где  $R$  – радиус фрезы,  $a = \frac{b}{\cos \omega} = \frac{R}{\cos \omega}$ , следовательно  $R_i = \frac{R^2}{\cos^2 \omega \cdot R} = \frac{R}{\cos^2 \omega}$ .

Рассмотрим  $\Delta 123$ . Из  $\Delta 123$  следует, что  $S_N = S_T \cos \omega$ . Здесь  $S_T$  и  $S_N$  – соответственно торцевой и нормальный шаг. Торцевой шаг можно найти, разделив длину окружности на число зубьев:  $S_T = \frac{2\pi R}{Z}$ . Для идеальной окружности число зубьев равно:

$$Z_i = \frac{2\pi R_i}{S_N} = \frac{2\pi R}{S_T \cdot \cos^3 \omega} = \frac{2\pi R Z}{2\pi R \cos^3 \omega} = \frac{Z}{\cos^3 \omega}$$

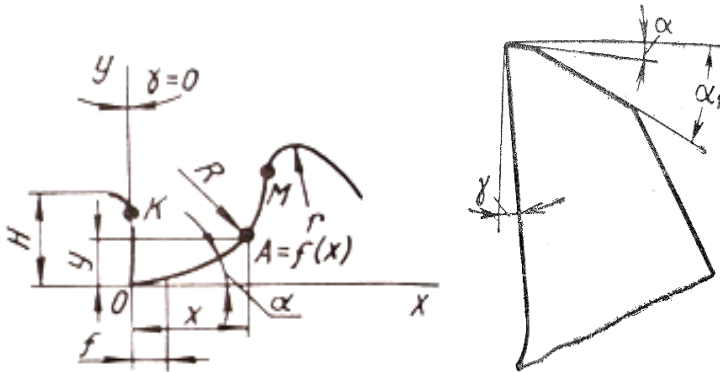


Рисунок 3 – Параболический и усиленный зубья

Особенностью параболического зуба является равнопрочность всех сечений, что достигается в том случае, когда напряжения в каждом сечении будут равны. Из курса сопротивления материалов известно, что напряжение в сечении балки равно  $\sigma_u = \frac{M_{изз}}{W}$ .

Рассмотрим положение в балки в защемлении и в произвольной точке А с координатами (x; y). Напряжение в положении защемления равно  $\sigma = \frac{6 \cdot Pl}{ab^2}$ , а в произвольной точке А

$\sigma_A = \frac{6 \cdot Py}{ax^2}$ . Приравняв эти два выражения получим:

$$\sigma = \frac{6 \cdot Pl}{ab^2} = \frac{6 \cdot Py}{ax^2}$$

$$y = x^2 \frac{l}{b^2}$$

Значения  $l$  и  $b$  постоянны, следовательно для того чтобы напряжения во всех сечениях зуба были одинаковы, необходимо чтобы задняя поверхность зуба имела параболическую форму.

Хотя параболическая форма зуба является рациональной, однако она сложна в изготовлении. Поэтому на практике чаще

всего при тяжелых работах применяют фрезы с усиленным зубом (упрощенный вид параболического зуба). Задняя затылочная часть у этих зубьев образована двумя плоскостями, которые получают путем фрезерования двумя угловыми фрезами. В результате этого зуб по вершине оформляется под двумя углами:  $\alpha$  – задний угол,  $\alpha_1$  – угол среза спинки.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Семенченко, И.И. Проектирование металлорежущих инструментов / И.И. Семенченко, В.М. Матюшин, Г.Н. Сахаров. – М, 1962. – 950 с.
2. Ящерицын, П.И. Основы резания материалов и режущий инструмент / П.И. Ящерицын, М.Л. Еременко, Н.И. Жигалко. – Минск: Высшая школа, 1981. – 560 с.

УДК 621.5.041

Гурский Е.В.

### **МОДЕРНИЗАЦИЯ ВАКУУМНОЙ УСТАНОВКИ «УВНИПА-1-001» ДЛЯ НАНЕСЕНИЯ АЛМАЗОПОДОБНОГО УГЛЕРОДНОГО ПОКРЫТИЯ НА ЛИТЕЙНЫЕ ФОРМЫ**

*БНТУ, Минск, Республика Беларусь  
Научный руководитель: Шахрай Л.И.*

Литейные формы предназначены для изготовления изделий из пластмасс под давлением. Эксплуатационные характеристики форм определяются не только свойствами материала, из которого они изготовлены, но и свойствами поверхности, поскольку все процессы разрушения и износа начинаются с поверхности. Вследствие этого к рабочим поверхностям литейных форм предъявляют ряд требований: высокая твердость и износостойкость, низкий коэффициент трения, высокая ад-