

КОНЕЧНОЭЛЕМЕНТНЫЙ АНАЛИЗ КОНТАКТНОГО ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ В СОПРЯЖЕНИЯХ ИЗ ГРАДИЕНТНЫХ МАТЕРИАЛОВ

н.с. Рябченко Т.В., к.т.н. Шилько С.В., мл.н.с. Петроковец Е.М.

*ГНУ «Институт механики металлополимерных систем им. В.А. Белого»
НАН Беларуси, Гомель*

Введение. Разрабатываемые и широко используемые в настоящее время композиты триботехнического назначения часто представляют собой градиентные материалы (ГМ), поскольку характеризуются выраженным дискретным или непрерывным изменением физико-механических свойств (твердости, упругости и т.п.) по глубине, т.е. при удалении по нормали от поверхности трения.

Во многих случаях использование указанных материалов позволяет существенно (на 1-2 порядка) повысить износостойкость сопряжений и формулируется, как технологическая рекомендация, например, в виде известного правила «положительного градиента» [1]. Для формирования градиента свойств применяют различные способы: на поверхность трения наносят одно- или многослойные покрытия, производят деформационное упрочнение, термообработку и физико-химическое модифицирование готовых изделий из исходно однородных материалов [2,3]. Так как выбор структуры ГМ обычно осуществляется эмпирическим путем для каждого конкретного случая, актуальна разработка методов проектирования «оптимально градиентных материалов», что возможно лишь на основе механико-математического моделирования.

Путем решения соответствующих контактных задач можно получить расчетную оценку напряженно-деформированного состояния (НДС) и прогнозировать триботехнические характеристики узлов трения исходя из геометрии сопряжения, действующих нагрузок и упругих характеристик используемых материалов [4]. Следовательно, анализ контактного взаимодействия позволяет определить зависимости параметров упругости ГМ по глубине (модуля Юнга $E(z)$ и коэффициента Пуассона $\nu(z)$), обеспечивающие оптимальное распределение напряжений и перемещений в зоне контакта и приповерхностных слоях пары трения.

Для изучения НДС сопряжений из градиентных материалов применимы аналитические и численные методы расчета, каждый из которых, как отмечено в работе авторов [5], имеет достоинства и недостатки. При определенной модификации замкнутых решений граничных задач для ГМ в виде упругого бесконечного слоя на жестком основании, облегчающей их численную реализацию [6-8], они находят применение в практике расчетов подшипников скольжения и качения, направляющих и других пар трения из ГМ, когда использование гипотезы о неограниченной длине покрытия является корректным.

Однако при изучении резино-металлических демпферов, сегментных и упорных подшипников и т.д.) приходится рассматривать антифрикционные элементы конечных размеров. Хотя для их трибоанализа были предложены отдельные аналитические решения, более адекватными, очевидно, являются расчеты методами конечных и граничных элементов, не критичными к виду функций $E(z)$ и $\nu(z)$, а также геометрии контакта [8-10].

Целью настоящего исследования являлся анализ напряженно-деформированного состояния области контакта и приповерхностных слоев с учетом градиента модуля Юнга и коэффициента Пуассона материала по глубине.

На рисунке 1 приведена схема трибосопряжений из ГМ с положительным (а) и отрицательным (б) градиентом модуля Юнга.

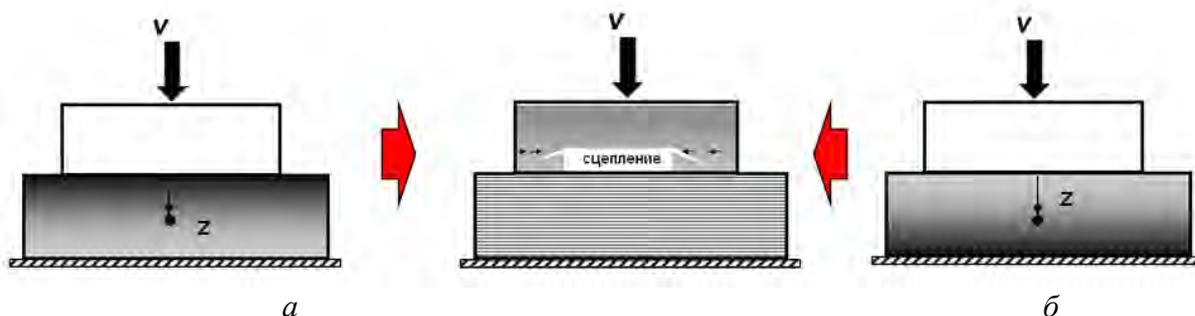


Рис. 1. Контактное нагружение градиентного материала с отрицательным $E'(z) < 0$ (а) и положительным $E'(z) > 0$ (б) градиентом упругих свойств

Были рассмотрены 2 контактных сопряжения из градиентных материалов, расчет НДС которых производился с использованием программного продукта ANSYS [10].

Дискретные (по слоям i) значения модуля упругости и коэффициента Пуассона двух вариантов ГМ с указанным изменением $E(z)$ и $\nu(z)$ представлены в таблице 1. В частности, при моделировании ГМ, получаемого дисперсным наполнением при линейном изменении содержания наполнителя по глубине, соответствующее изменение $E(z)$ описывается экспоненциальным законом. Использовались также данные работы [6], в которых были исследованы закономерности изменения коэффициента Пуассона и модуля Юнга по глубине.

Таблица 1 – Послойные значения модуля упругости (МПа) и коэффициента Пуассона для двух вариантов градиентного материала

№ слоя	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$\nu'(z) < 0$	0,4	0,345	0,32	0,308	0,303	0,301	0,3	0,3	0,3	0,3
$\nu'(z) > 0$	0,4	0,446	0,47	0,483	0,49	0,494	0,497	0,498	0,499	0,499
№ слоя	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$E'(z) < 0$	34,6	24,7	20,8	17,6	14,8	12,3	10,2	8,3	6,5	5,1
$E'(z) > 0$	5,1	6,5	8,3	10,2	12,3	14,8	17,6	20,8	24,7	34,6

Подпятник упорного подшипника. На рисунке 2 показаны конечноэлементные модели 2-х узлов трения в виде упорного подшипника с дисковым подпятником из ГМ (осесимметричное напряженное состояние) и ползуна с направляющей из ГМ (плоскодеформированное состояние). В зоне выраженного градиента упругих свойств структурно-неоднородного деформируемого тела сопряжения производилось пропорциональное сгущение сетки дискретизации.

Параметры структурно-неоднородного фрагмента подпятника из градиентного материала задавались следующими: диаметр $d = 50$ мм, высота $h = 9,9$ мм; приповерхностная область толщиной 0,1 мм представлялась набором из 10-ти адгезионно-связанных слоев, толщина каждого слоя составляла 0,01 мм. Материал вала – сталь (модуль Юнга $E_c = 200$ ГПа, коэффициент Пуассона $\nu_c = 0,28$); нижнее основание подпятника адгезионно соединено с недеформируемым основанием.

Были определены распределения контактных напряжений и перемещений в зоне контакта, включая максимальные контактные давления, и эквивалентные напряжения в приповерхностных слоях материала. Установлено, что максимальное контактное давление p^{\max} при отрицательном градиенте модуля Юнга по глубине $E'(z) < 0$ почти в два раза выше по сравнению со значением p^{\max} , соответствующим положительному гради-

енту, в то время как в области контакта подпятника из однородного материала максимальные значения давлений имеют промежуточное значение 1,12 МПа.

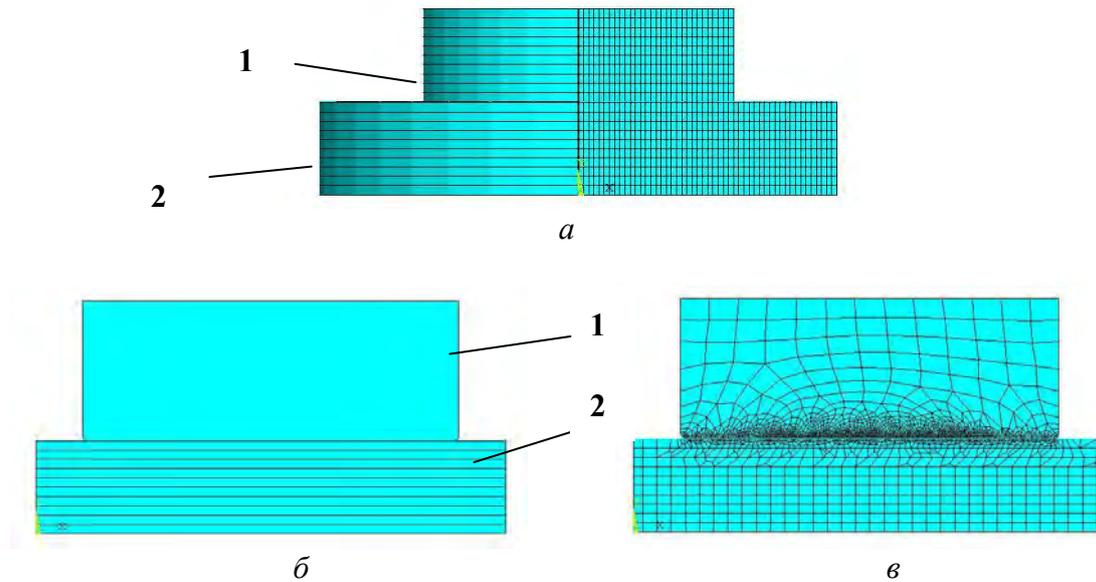


Рис. 2. КЭ модели узлов трения с антифрикционными элементами из ГМ: 1 – структурно-неодородный антифрикционный элемент, 2 – контртело, а) вал и дисковый подпятник; б, в) прямоугольный ползун и направляющая

При изучении влияния градиента коэффициента Пуассона $\nu'(z)$ установлено, что наибольшее значение расчетного контактного давления наблюдается при использовании однородного материала; при $\nu'(z) > 0$ этот параметр уменьшается более чем в два раза, а при $\nu'(z) < 0$ – более чем в три раза. Эквивалентные напряжения при $E = const$ и при $E'(z) > 0$ практически совпадают, а при $E'(z) < 0$ возрастают почти в 1,5 раза. Имеет место значительные вариации максимального эквивалентного напряжения при изменении градиента $\nu(z)$: при $\nu'(z) > 0$ напряжения $\sigma_{\text{экв}}^{\text{max}}$ уменьшаются более чем в 1,5 раза и при $\nu'(z) < 0$ – почти в три раза по сравнению с $\nu = const$.

Призматический индентор (ползун). Рассмотрено также контактное взаимодействие жесткого призматического ползуна с направляющей из ГМ. В таблице 2 и на рисунках 3,4 представлены результаты расчета в виде максимальных значений контактных давлений p^{max} при вертикальном перемещении ползуна $\Delta = 0,1$ мм и варьировании коэффициента трения в пределах от 0 до 1; знаком * отмечены расчеты с учетом симметрии зоны контакта (-a, a).

Таблица 2 – Максимальные контактные давления для различных градиентов модуля Юнга и коэффициента Пуассона материала направляющей

f	E'(z)	p ^{max} , МПа x = a*	ν'(z)	p ^{max} , МПа			%
				x = a*	x = -a	x = a	
0	E=const	2,12	ν=const	1,59	1,51	1,47	2,7
0,3		2,31		1,64	1,53	1,52	0,7
1		2,33		1,64	1,53	1,52	0,7
0	E'(z) > 0	0,58	ν'(z) > 0	2,03	2,20	2,18	0,9
0,3		0,58		2,24	2,23	2,21	0,9
1		0,57		2,27	2,24	2,22	0,9
0	E'(z) < 0	0,99	ν'(z) < 0	1,39	1,51	1,48	2,0
0,3		1,19		1,44	1,53	1,52	0,7
1		1,23		1,44	1,54	1,52	1,3

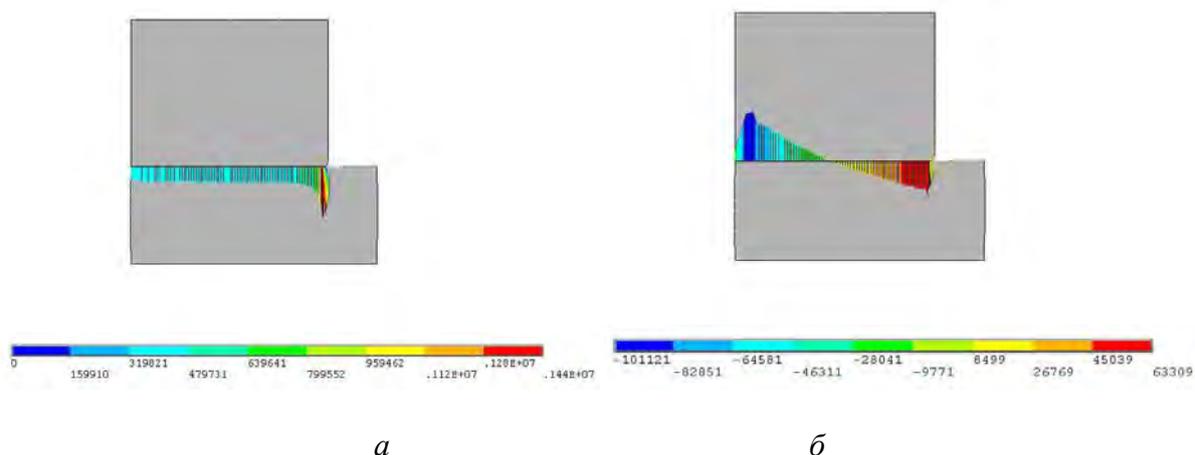


Рис. 3. Распределение давлений (а) и касательных напряжения (б) в области контакта при отрицательном градиенте коэффициента Пуассона $\nu'(z) < 0$ и коэффициенте трения $f = 0,3$

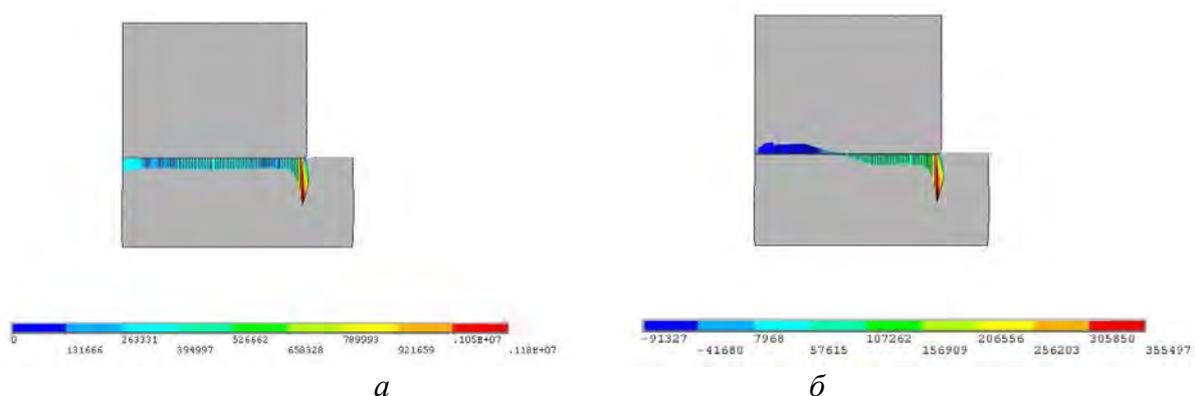


Рис. 4. Распределение давлений (а) и касательных напряжения (б) в области контакта при отрицательном градиенте модуля Юнга $E'(z) < 0$ и коэффициенте трения $f = 0,3$

Можно заметить, что градиент параметров упругости деформируемого тела сопряжения оказывает существенное влияние на характер распределения компонент напряженного состояния и величину максимальных давлений в рассмотренных трибосопряжениях. Увеличение коэффициента трения приводит к росту максимальных контактных давлений, наиболее заметному в случае отрицательного градиента модуля Юнга (около 20%). При выбранной схеме дискретизации отклонение значений давлений в симметрично расположенных краевых точках контакта не превышает 3%.

Заключение.

Показаны возможности метода конечных элементов при моделировании напряженно-деформированного состояния узлов трения из градиентных материалов. Установлено, что градиент параметров упругости деформируемого тела сопряжения оказывает существенное влияние на характер распределения компонент напряженного состояния и величину максимальных давлений.

Достигнутая точность расчетов при сравнительно простой дискретизации свидетельствует о пригодности разработанных моделей для расчета узлов трения. Представляет интерес прогнозирование структуры и состава композиционных материалов для реализации оптимальных градиентов упругих свойств в элементах сопряжений.

* Работа выполнена в рамках проекта Т16Р-202 БРФФИ.

ЛИТЕРАТУРА

1. Крагельский И.В. Узлы трения машин. Справочник. М.: Машиностроение, 1984. – 280 с.
2. Dobrzański L.A., Żukowska L.W. Structure and Properties of Gradient PVD Coatings Deposited on the Sintered Tool Materials // *J. of Achiev. in Mater. and Manuf. Eng.* – 2011. – Vol. 44, No. 2. – P. 115–139.
3. Lee P.H. *Fabrication, Characterization and Modeling of Functionally Graded Materials.* Columbia University. – 2013.
4. Джонсон К. Механика контактного взаимодействия. – М.: Мир, 1989. – 509 с.
5. Иванов Г.В. К методам решения плоской смешанной задачи для неоднородного упругого слоя // *Числ. мет. решения задач теории упругости и пластичности. Ч. 1.* – Новосибирск. – 1978. – С. 69–78.
6. Кузнецов Е.А., Гороховский Г.А. Напряженное состояние неоднородного полупространства с переменным по глубине коэффициентом Пуассона при действии на него сосредоточенной силы // *Трение и износ.* – 1984. – Т. 5, № 5. – С. 806–816.
7. Дураев А.Е. Напряжения в полупространстве с модулем упругости, возрастающим с глубиной от действия нормально приложенной к границе нагрузки // *Мордов. ун-т. Саранск.* – 1985. – 12 с.
8. Шилько С.В., Петроковец Е.М., Семенова Т.В. Оценка контактной жесткости локальных покрытий: сопоставление расчетных методов // *Трение и износ.* – 2001. – Т. 22, № 2. – С. 128–133.
9. Birman V., Byrd L.W. Modeling and Analysis of Functionally Graded Materials and Structures // *Appl. Mech. Reviews, Trans. of ASME.* – Sept. 2007. – Vol. 60. – P. 195–216.
10. ANSYS. Revision 14.0.

E-mail: shilko_mpri@mail.ru
rits@tut.by
katya_petro@mail.ru

Поступила в редакцию 12.09.2016