УДК 512.81

Компьютерная реализация алгоритма вычисления сигнатур неприводимых представлений простых вещественных алгебр Ли

Рудый А.Н.

Белорусский национальный технический университет

Рассмотрим неприводимые представления $\varphi: G \to sl(V)$ простой алгебры Ли G. Если G_{σ} — её вещественная форма внутреннего типа, то $\varphi(G_{\sigma}) \subset su(p,q)$, где $p+q=\dim V$.

Пусть $\delta=p-q$. Зная веса представления $\,\varphi$, значение $\,\delta\,$ можно получить по формуле:

$$\left|\delta\right| = \left|\sum_{\lambda_j} \dim V^{\lambda_j} \cdot \exp\left(\pi \sqrt{-1} \left(\lambda_j - \lambda, \ H_{G_{\sigma}}\right)\right)\right|,\tag{1}$$

где λ - старший вес представления и суммирование ведется по всем весам λ_j представления φ . Если G – классическая алгебра Ли, то δ можно найти используя формулы, полученные Ф.И. Карпелевичем [1], либо результаты автора [2]. Для особых алгебр Ли можно использовать формулы из [3]. При написании программы на компьютере использовались все перечисленные выше подходы. При этом для формулы (1) необходимо было получить все веса для представления φ и их кратности. Полученные в программе веса можно записать на диск и использовать для других вопросов в теории представлений. В программе использовались также результаты из [4], где приведены достаточные условия равенства 0 значения δ для случая G = sl(V+1,C). Программа работает в среде Windows.

Литература:

- 1. Карпелевич, Ф.И. Простые подалгебры вещественных алгебр Ли. //Тр. Моск. мат. об-ва. -1955. Т.4. 3-112 с.
- 2. Rudy, A.N. The Hurwitz determinants and the signatures of irreducible representations of simple real Lie algebras.// Central European J. of Math., 3(4). 2005. 606-613.
- 3. Rudy, A.N. Signatures of finite exceptional Lie algebra representations. //J. Phys. A: Math. Gen. 27(1994), 6403-6419.
- 4. Рудый, А.Н. Определители Гурвица и подалгебры алгебр su(p,q). /7-я международная НТК БНТУ. Минск. 2009. Т. 2. 316 с.