

УДК 004.056

ВОЗМОЖНОСТЬ ПРИМЕНЕНИЯ АЛГОРИТМА КОЧА ДЛЯ СОКРЫТИЯ ДАННЫХ В QR-КОД
Ковынёв Н.В.

Московский Государственный Технический Университет имени Н.Э. Баумана
Москва, Российская Федерация

Одна из сложных задач, которую приходится решать в современном цифровом обществе: размещение большого количества информации на ограниченной площади. С применением QR-кода данная задача перестала быть неразрешимой. Используя данный инструмент, можно донести до пользователя требуемую ему информацию или же скрыть в QR-коде информацию, которая сможет защитить от подделки какое-либо изделие или продукт [1]. В данной статье будет рассмотрено применение стегозаписи в контейнер QR-кода с применением алгоритма Коча.

В качестве проверки устойчивости записи будут проделаны следующие действия: пересылка стего-сообщения по интернету и попытка его восстановления; фотография и распознавания стего при помощи смартфона.

В алгоритме Коча[2] в блок размером NxN осуществляется встраивание 1 бита ЦВЗ (цифровых водяных знаков). Псевдослучайно выбираются два коэффициента ДКП (дискретное косинусное преобразование). Встраивание информации осуществляется следующим образом: для передачи бита 0 добиваются того, чтобы разность абсолютных значений коэффициентов была бы больше некоторой положительной величины, а для передачи бита 1 эта разность делается меньше некоторой отрицательной величины:

$$\begin{aligned} |c_b(j_{i,j}, k_{i,1}) - c_b(j_{i,2}, k_{i,2})| &> \varepsilon, \text{ if } s_i = 0 \\ |c_b(j_{i,j}, k_{i,1}) - c_b(j_{i,2}, k_{i,2})| &< -\varepsilon, \text{ if } s_i = 1. \end{aligned}$$

Рисунок 1 – Коэффициенты

В QR-код помещено сообщение: «Обнаружение и распознавание сигналов». Загрузим созданный QR-код формата bmp в среду MathCAD.



Рисунок 2 – QR-код

Далее формируется матрица (число строк X и число столбцов Y) и разбивается на блоки размерности N, общее количество блоков обозначается N_total:

$$X := \text{rows}(\text{qr_code}) = 297, Y := \text{cols}(\text{qr_code}) = 297$$

Далее вычисляются коэффициенты ДКП Фурье для каждого блока и применяется прямое

$$\xi(x) := \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2}} & \text{if } x = 0 \\ 1 & \text{if } x > 0 \end{cases}$$

$$\text{Right_DCT}(\text{Blocks}) := \begin{cases} \text{for } b \in 0..N_total - 1 \\ \text{for } v \in 0..N - 1 \\ \text{for } u \in 0..N - 1 \\ \Omega_{u,v} \leftarrow \frac{\xi(v)\xi(u)}{\sqrt{2N}} \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} \left[\text{Blocks}_{b,x,y} \cdot \cos\left[\frac{\pi \cdot v \cdot (2x+1)}{2N}\right] \cdot \cos\left[\frac{\pi \cdot u \cdot (2y+1)}{2N}\right] \right] \\ \Omega_y \leftarrow \Omega_r \end{cases}$$

Рисунок 3 – ДКП

Зададим параметры стегозаписи в контейнер. Наше стегосообщение:

Message := "Homework. Koch algorithm"

В качестве ключа в выбранном алгоритме используются две позиции коэффициентов в матрице ДКП, которые будут использоваться при встраивании и извлечении сообщения:

$$v_1 := 4 \quad v_2 := 5 \quad v_1 := 3 \quad v_2 := 4$$

Для выбранного алгоритма также необходимо задать значение порога, с которым будут сравниваться результаты разности модулей коэффициентов ДКП, выбранных в качестве ключа.

Встраивание стего:

$$\text{D2B}(x) := \begin{cases} \text{for } i \in 0..N - 1 \\ \begin{cases} v_i \leftarrow \text{mod}(x, 2) \\ x \leftarrow \text{floor}\left(\frac{x}{2}\right) \end{cases} \end{cases}$$

Рисунок 4 – Встраивание стего

Выполнение обратного ДКП:

$$\text{Inverse_DCT}(\text{Blocks}) := \begin{cases} \text{for } b \in 0..N_total - 1 \\ \text{for } x \in 0..N - 1 \\ \text{for } y \in 0..N - 1 \\ \Omega_{x,y} \leftarrow \frac{1}{\sqrt{2N}} \sum_{v=0}^{N-1} \sum_{u=0}^{N-1} \left[\xi(v)\xi(u) \cdot \text{Blocks}_{b,u,v} \cdot \cos\left[\frac{\pi \cdot v \cdot (2x+1)}{2N}\right] \cdot \cos\left[\frac{\pi \cdot u \cdot (2y+1)}{2N}\right] \right] \\ \Omega_y \leftarrow \Omega_r \end{cases}$$

Рисунок 5 – Обратное ДКП

Восстанавливаем исходную матрицу:

```
qr_stego :=
  QR ← Ω_Stego0
  for b ∈ 1..X + N - 1
    QR ← stack(QR, Ω_Stegob)
  QR_r ← 0
  for b ∈ (X + N)..N_total - 1
    QR_r ← Ω_Stegob if QR_r = 0
    QR_r ← stack(QR_r, Ω_Stegob) otherwise
    QR ← augment(QR, QR_r) if mod(b + 1, X/N) = 0
    QR_r ← 0 if mod(b + 1, X/N) ≠ 0
  QR ← (QR + |min(QR)|) · 255 / max(QR + |min(QR)|)
```

Рисунок 6 – Восстановление матрицы

Сохраняем в файл с названием «stego.bmp»:

```
WRITEBMP("stego.bmp") := qr_stego
```



Рисунок 7 – QR-код со стего

Попробуем считать QR-код с помощью приложения на смартфоне:



Рисунок 8 – Сообщение

Как мы видим, стегосообщение никак не повлияло на содержание записанного в QR-код сообщения и успешно скрыто.

Восстановим стего: разбиваем матрицу на блоки размерности N:

```
Blocks2 := fragmentation(qr_stego)
```

Применяем прямое ДКП и определяем ключ:

```
Ω2 := Right_DCT(Blocks2)
```

$$B2D(x) := \sum_{i=0}^{N-1} (x_i \cdot 2^i)$$

Восстанавливаем стего:

```
stego :=
  j ← 0
  for k ∈ 0..strlen(Message) - 1
    for i ∈ 0..N - 1
      Ωr ← Ω2i
      ω1 ← |Ωr(v1, v1)|
      ω2 ← |Ωr(v2, v2)|
      mi ← 0 if ω1 > ω2
      mi ← 1 if ω1 < ω2
      j ← j + 1
    stegok ← B2D(m)
  m ← 0
  stego
```

Рисунок 9 – Стего восстановление

Как мы видим, стегосообщение удачно восстановлено.

В данной статье были изучены возможности применения стегозаписи в контейнер в виде QR-кода для хранения ключей, либо персональных данных и написана программа, реализующая занесение текстового стего в QR-код.

В ходе экспериментов стегосообщение было успешно скрыто от расшифровки сканером QR-кода и успешно восстановлено по ключу.

Литература

1. Ковалёв А.И. QR-коды, их свойства и применение // Молодой ученый. – 2016. – № 10. – С. 56–59. – URL <https://moluch.ru/archive/114/29398/> (дата обращения: 20.09.2018).
2. Грибунин В.Г., Оков И.Н., Туринцев И.В. Цифровая стеганография. Москва, СОЛОН-Пресс, 2002, 272 с.

УДК 539.3

ИЗГИБ УПРУГОПЛАСТИЧЕСКОЙ КРУГОВОЙ ТРЁХСЛОЙНОЙ ПЛАСТИНЫ НА СЛОЖНОМ ОСНОВАНИИ

Козел А.Г.

Белорусский государственный университет транспорта, Гомель, Беларусь

В настоящее время использование трёхслойных конструкций в машино- и приборостроении повлекло за собой интенсивную разработку теорий и методов их расчёта. Деформирование круговых трёхслойных пластин в настоящее время

изучено, в основном, при опирании на однопараметрическое основание Винклера.

Модель упругого основания с использованием двух коэффициентов постели, учитывающая его сжимаемость и связность, была впервые ис-