- 2.Попов, В.Б. Математическое моделирование гидропривода подъемно-навесного устройства мобильного агрегата / В.Б. Попов, В.А. Довгяло // Проблемы и перспективы развития транспортных систем и строительного комплекса: Тез. докл. Междунар. науч.—практ. конф. Ч. II / Под общ. ред. В.И. Сенько Гомель: БелГУТ, 2003 С. 103—106.
  - З.Автушко, В.П. Гидропневмоавтоматика и гидропривод мобильных машин: Теория систем автоматического управления: Учеб. пособие / В.П. Автушко, Н.В. Богдан и др. Мн.; НП ООО «Пион», 2001. 396 с.
  - 4.Коробочкин, Б.Л. Динамика гидравлических систем станков. M., 1976. 240 с.
  - 5.Макаров, И. М. Линейные автоматические системы (элементы теории, методы расчета и справочный материал) / И. М. Макаров, Б. М. Менский М.: Машиностроение, 1982. 504 с. 15.01.2019

УДК 631.3-52

ОПРЕДЕЛЕНИЕ УСКОРЕНИЙ, ПРИОБРЕТАЕМЫХ XAPAKTEPHЫМИ ТОЧКАМИ МАШИННО-ТРАКТОРНОГО AГРЕГАТА В ПРОЦЕССЕ ТРАНСПОРТНОГО ПЕРЕЕЗДА DETERMINATION OF THE ACCELERATIONS ACQUIRED BY THE CHARACTERISTIC POINTS OF THE MACHINE-TRACTOR UNIT IN THE PROCESS OF TRANSPORT MOVING

В.Б. Попов, канд.техн. наук, доцент Гомельский государственный технический университет им. П.О. Сухого, г.Гомель, Беларусь Popov V.B., PhD in Engineering, Associate Professor, Sukhoj State Technical University of Gomel, Belarus

На основе функциональной математической модели и аппарата передаточных функций определены ускорения, приобретаемые характерными точками машинно-тракторного агрегата в процессе транспортного переезда

On the basis of the functional mathematical model and the apparatus of transfer functions, the accelerations acquired by the characteristic points of the machine-tractor unit during the transport moving were developed.

### **ВВЕДЕНИЕ**

обеспечения устойчивости Проблемы управляемости И агрегата (МТА), машинно-тракторного обостряющиеся динамическом перераспределении нагрузки на мостах тракторов общего назначения в процессе транспортного переезда, связаны с возникновением переменных сил инерции. Под транспортным переездом здесь понимается так называемый "длинный переезд" [1], т.е. переезд МТА с одного поля на другое с переведенной в транспортное положение навесной машиной. Примерами могут транспортные переезды кошения в период выполняемые трактором "Беларус-3022" [2], агрегатируемого с косилкой-плющилкой ротационной КПР-9 [3].

Цель работы — аналитическое определение ускорений в характерных точках МТА, возникающих в процессе его транспортного переезда под действием кинематического возбуждения со стороны опорной поверхности.

## ОПРЕДЕЛЕНИЕ УСКОРЕНИЙ ХАРАКТЕРНЫХ ТОЧЕК МТА

Допущения о пропорциональности упругих и диссипативных сил изменению характеристик неровности, позволяют использовать аппарат передаточных функций [4] для определения параметров колебаний МТА.

Преобразованные по Лапласу при нулевых начальных условиях уравнения для независимых друг от друга колебаний передней и задней частей остова трактора принимают вид:

$$(S^{2} + 2 \cdot h_{u1} \cdot S + \omega_{c1}^{2}) \cdot Z_{1}(S) = (2 \cdot h_{u1} \cdot S + \omega_{c1}^{2}) \cdot Q_{1}(S)$$
 (1)

$$(S^{2} + 2 \cdot h_{2} \cdot S + \omega_{c2}^{2}) \cdot Z_{2}(S) = (2 \cdot h_{2} \cdot S + \omega_{2}^{2}) \cdot Q_{2}(S), \quad (2)$$

Из приведенных выражений определяются соответствующие передаточные функции -  $W_{Z1}(S)$  и  $W_{Z2}(S)$ .

Для заднего моста передаточная функция (П $\Phi$ ) принимает вид:

$$W_{Z1}(S) = \frac{Z_1(S)}{Q_1(S)} = \frac{2h_{u1}S + \omega_{c1}^2}{S^2 + 2h_{u1}S + \omega_{c1}^2} = \frac{b_1S + 1}{a_1^2S^2 + b_1S + 1};$$
 (3)

где, 
$$a_1 = 1/\omega_{c1}$$
;  $b_1 = 2h_{uu1}/\omega_{c1}^2$ .

ПФ для переднего моста имеет аналогичную структуру:

$$W_{Z2}(S) = \frac{Z_2(S)}{Q_2(S)} = \frac{2h_2S + \omega_{c2}^2}{S^2 + 2h_2S + \omega_{c2}^2} = \frac{b_2S + 1}{a_2^2S^2 + b_2S + 1}$$
(4)

Следует отметить, что реакция на переднем мосту запаздывает (по отношению к заднему мосту) на отрезок времени равный частному от деления базы трактора на скорость движения МТА.

Характеристики вынужденных колебаний, как трактора, так и МТА определяются сочетанием свойств ФММ и закона изменения внешних воздействий. Такую комбинацию удобнее исследовать, если в качестве характеристики динамической модели принять ее амплитудно-частотную характеристику (АЧХ), а воздействие задавать спектральной плотностью случайной функции сельскохозяйственного фона [5].

Таким образом, посредством АЧХ связываются спектральные плотности характеристик неровностей с/х фона и параметры вибрации остова трактора:

$$S_{\ddot{z}1}(\omega) = A_{\ddot{z}1}(\omega)^2 S_{\ddot{q}1}(\omega); \quad S_{\ddot{z}2}(\omega) = A_{\ddot{z}2}(\omega)^2 S_{\ddot{q}2}(\omega);$$
 (6)

где  $S_{\ddot{q}}(\omega)$  – спектральные плотности характеристик неровностей СХФ;  $S_{\ddot{Z}1}(\omega)$ ,  $S_{\ddot{Z}2}(\omega)$  - спектральные плотности ускорений от характеристик неровностей для заднего и переднего мостов,  $A_{\ddot{Z}1}(\omega)$ ,  $A_{\ddot{Z}2}(\omega)$  – АЧХ ускорений от неровностей.

Из теории автоматического управления [4] известно, что АЧХ динамического звена равна модулю его передаточной функции, т. е.

$$A_{\ddot{z}_i}(\omega) = |W_{\ddot{z}_i}(j\omega)|,$$

Необходимо получить соответствующие АЧХ  $|W_{\ddot{z}i}(j\omega)|$  для передней и задней частей остова трактора, заменив в ПФ (3) и (4) S на  $j\omega$ . и, избавясь от j в знаменателях дробно-рациональных функций

(3) и (4). Модули ПФ  $\left|W_{\ddot{Z}_{i}}(\ j\omega)\right|$  ускорений находим, умножая соответствующие модули ПФ вертикальных перемещений на  $\omega^{2}$ .

Среднеквадратичные вертикальные ускорения заднего и переднего мостов трактора определяются по известному из [5] выражению:

$$\sigma_{zi} = \sqrt{\frac{1}{\pi} \int_{0}^{\infty} S_{zi}(\omega) d\omega}$$
 (5)

В результате перевода навесной машины — КПР-9 в транспортное положение центр тяжести МТА - S' смещается относительно центра тяжести трактора - S, расположение которого совпадает с общим для трактора и МТА центром упругости (рисунок 1).

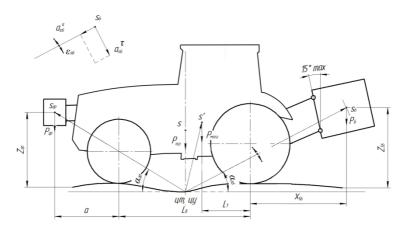


Рисунок 1— Схема, поясняющая плоские колебания характерных точек МТА

За обобщенные координаты МТА принимаем вертикальные перемещения центра масс  $z_0$  и угловые перемещения остова  $\alpha$  трактора. Они связаны с вертикальными колебаниями осей заднего и переднего мостов следующими зависимостями:

$$z_0 = \frac{z_1 L_2 + z_2 L_1}{L_E}; \quad \alpha = (z_2 - z_1)/L_E,$$
 (6)

где,  $L_{\scriptscriptstyle E} = L_{\scriptscriptstyle 1} + L_{\scriptscriptstyle 2}$  - база трактора.

Среднеквадратичные линейная скорость центра тяжести МТА и угловая скорость его колебаний относительно центра упругости определяются как результат дифференцирования выражений (6) по

независимой переменной t. Повторное дифференциро-вание по независимой переменной дает нам выражения для его среднеквадратичных линейного и углового ускорений:

$$\ddot{z}_0 = \frac{\ddot{z}_1 L_2 + \ddot{z}_2 L_1}{L_E}; \quad \ddot{\alpha} = (\ddot{z}_2 - \ddot{z}_1) / L_E$$
 (7)

Колебания мостов трактора жестко связаны с колебаниями его центра тяжести и центра тяжести МТА и далее через МН с колебаниями центра тяжести навесной машины — КПР-9 и грузов балласта. Вертикальные колебания осей заднего и переднего мостов  $z_1$  и  $z_2$  сопровождаются соответствующими колебаниями центра тяжести МТА -  $z_{s'}$ , навесной машины -  $z_{s6}$  и центра крепления балласта -  $z_{t0}$  (рисунок 1).

Среднеквадратичные ускорения, совершающих плоское движение характерных точек МТА, определяются по известному из [6] выражению:

$$\ddot{Z}_{Si} = \vec{a}_{um} + \vec{a}_{Si}^n + \vec{a}_{Si}^\tau , \qquad (8)$$

где  $\vec{a}_{\mathit{um}}$  - среднеквадратичное ускорение центра тяжести МТА;  $\vec{a}_{\mathit{Si}}^{\mathit{n}}$ ,  $\vec{a}_{\mathit{Si}}^{\mathit{r}}$  - соответственно нормальное и тангенциальное среднеквадратичные ускорения характерной точки.

Среднеквадратичные линейное и угловое ускорения центра тяжести МТА определяются по выражениям (8). Нормальные и тангенциальные среднеквадратичные ускорения характерных точек определяются по известным из [6] выражениям:

$$\vec{a}_{Si}^n = \dot{\alpha}_{Si}^2 \cdot L_{Si} \cdot \sin \beta_{Si} \qquad \vec{a}_{Si}^\tau = \ddot{\alpha}_{Si} \cdot L_{Si} \cdot \sin \beta_{Si}$$

где  $\dot{\alpha}_{\rm Si}$  и  $\ddot{\alpha}_{\rm Si}$  соответственно среднеквадратичные угловые скорость и ускорения характерных точек;  $L_{\rm Si}$  - расстояние от центра упругости до характерной точки;  $eta_{\rm Si}$  - угол, образуемый  $L_{\rm Si}$  с горизонтом.

Среднеквадратичные угловые ускорения характерных точек определяются по выражениям:

$$\ddot{\alpha}_{\rm Srp} = \ddot{\alpha} \cdot \frac{L_{\rm Srp}}{L_{\rm S'}} \quad ; \qquad \ \ddot{\alpha}_{\rm S6} = \ddot{\alpha} \cdot \frac{L_{\rm S6}}{L_{\rm S'}}. \label{eq:alphaspectation}$$

### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

На стадии формирования вариантов МТА следует рассчитывать ускорения, возникающих в характерных точках компонент МТА во время его транспортных переездов по пересеченной местности. Это позволит прогнозировать вероятность: потери управляемости МТА, возникновения резонансов, нарушения грузоподъемности шин, нежелательного превышения норм давления на опорную поверхность со стороны движителей.

Для выполнения предварительного расчета следует опираться на ФММ транспортного переезда, в том числе схему динамической модели, а также возможности преобразований Лапласа и аппарата ПФ

С помощью представленной здесь методики, помимо упомянутых характерных точек, по аналогии могут быть определены параметры колебаний других характерных точек, например, рабочего места оператора.

### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Амельченко, П.А. Агрегатирование тракторов «Беларусь»: учеб. пособие / П.А. Амельченко, Б.Я. Шнейсер, Н.Г. Шатуня. Мн.: Ураджай, 1993. 302 с.
- 2. Трактора «БЕЛАРУС-2522В /2522ДВ/ 2822ДЦ/ 3022В/ 3022ДВ» и их модификации. Руководство по эксплуатации. 2-е издание, переработанное и дополненное © РУП «Минский тракторный завод», 2008 г. 396 с.
- 3. Косилка-плющилка ротационная трехсекционная навесная КПР-9 «ПАЛЕССЕ СН90». Руководство по эксплуатации «Поликолор», г. п. Корма, 2005г. 63 с.
- 4. Макаров, И. М. Линейные автоматические системы (элементы теории, методы расчета и справочный материал) / И. М. Макаров, Б. М. Менский М.: Машиностроение, 1982. 504 с.
- 5. Гуськов В.В. Тракторы. Часть II. Теория. Минск, "Вышэйш. школа", 1977. 384с.

6. Яблонский, А. А. Курс теоретической механики. Динамика : учеб. для высш. техн. учеб. заведений / А. А. Яблонский. — 4-е изд., доп. — М. Высш. шк., 1971. - 488 с.

15.01.2019

УДК 629.433.2

# СПЕЦИФИКА ОБУЧЕНИЯ РИСУНКУ СТУДЕНТОВ СПЕЦИАЛЬНОСТИ «ДИЗАЙН ГУСЕНИЧНЫХ И КОЛЕСНЫХ МАШИН» SPECIFICITY OF TEACHING DRAWING TO STUDENTS IN THE SPECIALITY «DESIGN OF TRACKED AND WHEELED VEHICLES"

Зантария Е.В., ст. преп., Белорусский национальный технический университет г. Минск, Беларусь Zantaria E.V., Seniora Lecturer Belarusian national technical University, Minsk, Belarus

Рассмотрены методологические аспекты и специфика обучения рисунку обучающихся в вузе по специальности «Дизайн гусеничных и колесных машин».

Metodological aspects and specificity of teaching drawing to students in a higher educational institution in the speciality «Design of tracked and wheeled vehicles".

# ВВЕДЕНИЕ

Статус рисунка как важнейшей дисциплины в области художественной педагогики обоснован многоаспектностью педагогических и методических проблем, которые необходимо решать в процессе обучения. Основной задачей дисциплины «Рисунок» у студентов специальности «Дизайн гусеничных и колесных машин» является практическое применение навыков изобразительной грамоты в проектной деятельности, т.е. можно утверждать, что рисование в дизайне имеет прикладное значение. Расхождения в выборе целей и определении задач рисунка у дизайнеров отражаются на позиционировании дисциплины в системе изобразительных учебных предметов, и определяются не