

прочности соединения трубки с головкой иглы проводят приложением нагрузки к трубке и головке в направлении их разъединения. Значение испытательной нагрузки в зависимости от диаметра иглы должно соответствовать нормированному значению, приведенным в указанном выше стандарте.

Для проведения таких испытаний авторами создано лабораторное устройство, фотография общего вида которого приведена на рис. 2.

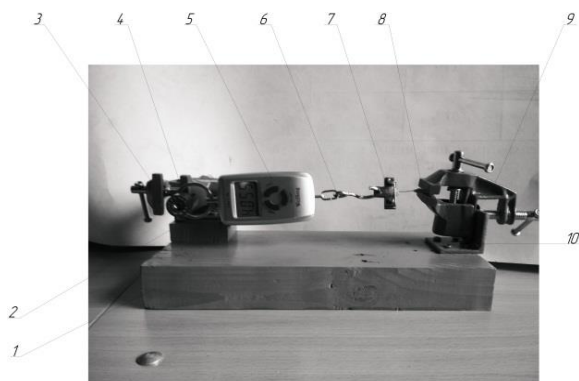


Рисунок 2 – Фотография общего вида лабораторного устройства определения прочности соединения трубки инъекционной иглы с головкой

На деревянном основании 1 с помощью саморезов закреплены два стальных уголка 2 и 10. К ним с помощью струбцин прикреплены малогабаритные тиски 3 и 9. Тиски 9 предназначены для

закрепления головки 8 испытываемой иглы, а тиски 3 – для создания нагружающего трубку иглы растягивающего усилия. Конец трубки испытываемой иглы закреплён между стальными планками резьбового зажима 7. В одной из планок предусмотрено отверстие, в которое вставляется подвижный зацеп (крючок) 6 электронного портативного измерителя усилия 5. Его неподвижный зацеп в виде кольца надевается на штифт 4, закреплённый на подвижной губке тисков 3. Процедура установки измерителя усилия осуществляется при положении подвижной губки тисков на расстоянии 30-35 мм от неподвижной. После этого, вращением вручную рукоятки ходового винта тисков 3, подвижная губка перемещается по направлению к неподвижной и таким образом создаётся растягивающее усилие, вызывающее нарушение целостности соединения трубки инъекционной иглы с её головкой. Усилие, соответствующее разъединению трубки с головкой фиксируется на дисплее измерителя усилия. Измеряемая величина усилия сравнивается с нормируемым для данной иглы значением и делается соответствующее заключение о соответствии иглы требованиям ГОСТ 25046 – 81.

#### Литература

1. ГОСТ 25046–81. Иглы инъекционные однократного применения. Основные размеры, технические требования и методы испытаний.
2. Сабитов, В.Х. Медицинские инструменты / В.Х. Сабитов // М.: Медицина. – 1985. – 175 с.

УДК 534-16:534-8:621.9.048.6

### МЕТОД ГАРМОНИЧЕСКОГО БАЛАНСА В ЗАДАЧАХ РАСЧЁТА И ПРОЕКТИРОВАНИЯ КОНЦЕНТРАТОРОВ УЛЬТРАЗВУКОВЫХ КОЛЕБАНИЙ

Степаненко Д.А., Роговцова А.С., Жуков В.И.

Белорусский национальный технический университет  
Минск, Республика Беларусь

Традиционно задачи расчёта и проектирования концентраторов ультразвуковых колебаний решаются на основе аналитического или численного интегрирования дифференциального уравнения колебаний, либо с помощью метода конечных элементов. Перспективными являются полуаналитические методы решения таких задач, в которых решение представляется в виде комбинации аналитически заданных функций с параметрами, определяемыми численным путем. По сравнению с численными методами полуаналитические методы обладают повышенной производительностью и являются более гибкими с точки зрения возможности анализа и оптимизации получаемых решений. В данной работе рассматривается полуаналитический метод решения задач расчёта и проектирования ультразвуковых концентраторов, основанный на применении метода гармонического баланса. В основе метода лежит предс-

тавление решения уравнения колебаний в виде взвешенной суммы гармонических функций (усеченного ряда Фурье) с весовыми коэффициентами (амплитудами гармоник), определяемыми численным путем. Так как каждая из гармоник удовлетворяет граничным условиям задачи, то сконструированное таким образом решение автоматически удовлетворяет граничным условиям. С точки зрения механики построение решения в форме усеченного ряда Фурье соответствует представлению собственных форм продольных колебаний (продольных мод) стержня переменного сечения в виде суперпозиции продольных мод, соответствующих стержням постоянного сечения. Амплитуды гармоник определяются путем подстановки общего решения в уравнение колебаний и составления уравнений гармонического баланса (условий равенства амплитуд одноименных гармоник,

стоящих в правой и левой частях уравнения колебаний).

Для описания продольных колебаний концентратора используется неоднородное интегро-дифференциальное уравнение

$$u'S^{-1} = -k_0^2 \left( \xi_0 + \int_0^x uS^{-1} dx \right), \quad (1)$$

где  $u = S\xi'$ ,  $S(x)$  – площадь поперечного сечения концентратора,  $\xi(x)$  – амплитуда продольных колебательных смещений,  $\xi_0 = \xi(0)$  – амплитуда колебательных смещений во входном сечении концентратора,  $k_0 = 2\pi f/c$  – волновое число,  $f$  – частота колебаний,  $c$  – скорость продольной ультразвуковой волны в материале концентратора.

Классическое дифференциальное уравнение Вебстера, используемое для описания продольных колебаний концентраторов, является однородным и при его решении методом гармонического баланса возникает однородная система линейных алгебраических уравнений с сингулярной матрицей, имеющая бесконечное множество решений, соответствующих различным значениям начальной амплитуды  $\xi_0$ . В случае использования неоднородного интегро-дифференциального уравнения применение метода гармонического баланса приводит к неоднородной системе линейных алгебраических уравнений с единственным решением, соответствующим начальной амплитуде  $\xi_0$ , введенной в уравнение.

При периодическом продолжении функции  $\xi(x)$  с периодом  $L$ , где  $L$  – длина концентратора, результирующая функция будет иметь разрывы в точках  $x = nL$ , где  $n$  – целое число, и ряд Фурье не будет сходиться в этих точках к истинному значению функции. В результате разрывности также будет возникать эффект Гиббса. Чтобы избежать этого, функция  $\xi(x)$  вначале продолжается четным образом, а затем периодически продолжается с периодом  $2L$ . Аналогичным образом продолжается функция  $S^{-1}(x)$ .

Входящие в уравнение (1) функции  $u(x)$  и  $S^{-1}(x)$  представляются в виде

$$u(x) = \sum_{i=1}^N b_i \sin\left(\frac{\pi i x}{L}\right),$$

$$S^{-1}(x) = \sum_{i=0}^{2N} a_i \cos\left(\frac{\pi i x}{L}\right),$$

где коэффициенты  $a_i$  зависят от профиля концентратора, а коэффициенты  $b_i$  определяются методом гармонического баланса,  $N$  – количество гармоник, учитываемых при расчете функции  $u(x)$ .

Использование  $2N$  гармоник для представления функции  $S^{-1}(x)$  упрощает вычисление коэффициентов ряда Фурье для произведений  $u'S^{-1}$  и

$uS^{-1}$ . Расчёт коэффициентов ряда Фурье для входящих в уравнение (1) произведений выполняется с помощью правила Лорана, являющегося аналогом теоремы Бореля для преобразования Фурье и выражающего комплексную частотную характеристику (КЧХ) произведения в виде дискретной свёртки КЧХ перемножаемых функций [1]:

$$c_k = c_i^{(1)} * c_i^{(2)} = \sum_{i=-N}^N c_{k-i}^{(1)} c_i^{(2)}, \quad k = -N..N,$$

где  $c_i^{(1)}$  и  $c_i^{(2)}$  – коэффициенты комплексного ряда Фурье для функций  $y_1(x)$  и  $y_2(x)$ ,  $c_k$  – коэффициенты комплексного ряда Фурье для функции  $y_1(x)y_2(x)$ ,  $*$  – дискретная свёртка.

Так как свёртка КЧХ выполняется на ограниченном частотном диапазоне (с учётом ограниченного числа гармоник  $N$ ), то при выходе смещённой КЧХ  $c_{k-i}^{(1)}$  за границы этого диапазона ( $|k-i| > N$ ) она обычно дополняется нулями (техника заполнения нулями). Если в рассматриваемой задаче в качестве функции  $y_1(x)$  принять функцию  $S^{-1}(x)$ , КЧХ которой рассчитана в расширенном частотном диапазоне, включающем  $2N$  гармоник, исчезает необходимость заполнения нулями.

Уравнения гармонического баланса образуют переопределённую систему из  $N+1$  уравнения относительно  $N$  неизвестных, решение которой в смысле наименьших квадратов определяется с помощью обобщенной обратной матрицы Мура-Пенроуза. При решении задачи расчета концентратора (задача определения собственных частот продольных колебаний  $f_{рез}$  при заданных геометрических параметрах) собственные частоты определяются из условия максимума амплитуды  $\xi(L, f)$  рабочего (высокоамплитудного) конца концентратора, что равносильно решению задачи оптимизации коэффициента усиления колебаний по амплитуде  $K(f) = |\xi(L, f)|/\xi_0$ :

$$f_{рез} = \arg \max_f \left| 1 + \frac{L}{\pi \xi_0} \sum_{k=1}^{\lfloor \frac{N+1}{2} \rfloor} \sum_{i=1}^N \frac{(a_{|2k-i|} - a_{2k+i}) b_i}{2k-1} \right|,$$

где  $\lfloor \cdot \rfloor$  – целая часть числа.

Задача проектирования (задача определения длины  $L_{рез}$ , обеспечивающей заданное значение собственной частоты продольных колебаний) сводится к задаче отыскания максимума коэффициента усиления на множестве возможных значений геометрического параметра  $L$ .

В качестве примера была рассмотрена задача расчета конического концентратора со следующими исходными данными: диаметр входного сечения  $d_0 = 10$  мм, отношение диаметров  $N_d = 2.5$ , длина  $L = 140$  мм, скорость продольной волны в

материале концентратора  $c = 5200$  м/с, число гармоник  $N = 4$ . Собственные частоты продольных колебаний определялись из расчетной зависимости коэффициента  $K$  усиления колебаний по амплитуде от частоты  $f$  (рис. 1) и составили 19,9 кГц для продольной моды 1-го порядка и 37,5 кГц для продольной моды 2-го порядка.

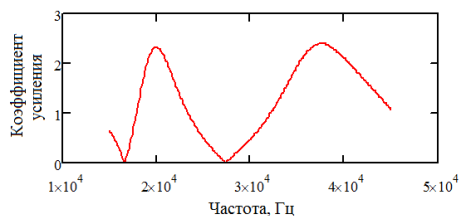


Рисунок 1 – Расчетная зависимость коэффициента усиления от частоты

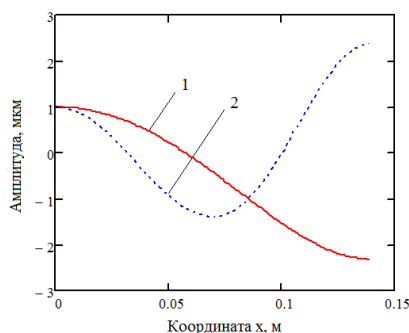


Рисунок 2 – Расчетные собственные формы колебаний

На рис. 2 приведены расчетные собственные формы колебаний концентратора для частот 19,9 кГц (кривая 1) и 37,5 кГц (кривая 2).

Корректность полученных результатов подтверждается путем проверки выполнения обобщенного условия ортогональности

$$\int_0^L \tilde{\xi}_1(x) \tilde{\xi}_2(x) S(x) dx = 0,$$

где  $\tilde{\xi}_k(x)$  – нормированные (отнесённые к величине  $\sqrt{\int_0^L \xi_k^2(x) S(x) dx}$ ) собственные формы колебаний  $k$ -го порядка.

Значение интеграла составило  $-0,013$ , что соответствует достаточно высокой точности выполнения условия ортогональности.

Предложенная полуаналитическая методика позволяет представить распределение амплитуды колебательных смещений по длине концентратора в виде взвешенной суммы малого числа (в рассмотренном примере  $N = 4$ ) аналитически заданных функций, что упрощает анализ и оптимизацию полученного решения.

#### Литература

1. Li, L. Use of Fourier series in the analysis of discontinuous periodic structures / L. Li // Journal of the Optical Society of America. – 1996. – Vol. 13, no. 9. – P. 1870–1876.

УДК 681.3

### УСТРОЙСТВО ДЛЯ СИНТЕЗА ДИЭЛЕКТРИЧЕСКИХ СЛОЕВ МДП-СТРУКТУР

Сычик В.А., Глухманчук В.В., Сикорский И.В.

Белорусский национальный технический университет,  
Минск, Республика Беларусь

Устройства преобразования солнечной энергии в электрическую конструктивно базируются на триодных униполярных структурах типа металл-диэлектрик-полупроводник (МДП). Основным элементом таких МДП-структур является подзатворный диэлектрический слой, обычно представляющий оксид полупроводника [1]. Стандартной является структура типа Si-SiO<sub>2</sub>-Al. Формирование подзатворных оксидных слоев осуществляется методом термического окисления в сухом и влажном кислороде. Однако полученные таким методом слои являются пористыми, обладают заниженным значением  $\rho_v$ , электрической прочности и нестабильностью этих параметров. Этим недостаткам практически лишен метод формирования слоев SiO<sub>2</sub> в кислородной плазме тлеющего разряда, для реализации которого необходимо специальное устройство подвода формовочного потенциала [2].

Нами для получения подзатворного слоя SiO<sub>2</sub> указанным методом разработано устройство для выращивания диэлектрических пленок в кислородной плазме.

На рисунке 1 приведена конструкция устройства.

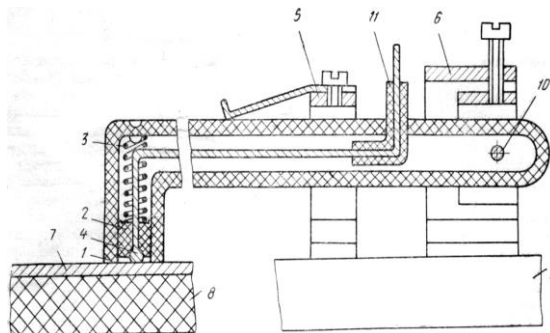


Рисунок 1