

ЭНЕРГЕТИКА

УДК 537.84

К ТЕОРИИ МАГНИТОЖИДКОСТНОГО УПЛОТНЕНИЯ

Докт. физ.-мат. наук, проф. БАШТОВАЙ В. Г., асп. АЛЬГАДАЛА М.

Белорусский национальный технический университет

Уплотнительные устройства с использованием уникальных свойств такого технологического материала, как магнитные жидкости, в настоящее время находят широкое применение в различных отраслях промышленности, особенно в машиностроении, приборостроении и электронике, вакуумной технике [1–3]. Уплотнение зазоров между движущимися поверхностями, например между вращающимся валом машины и корпусом, с помощью магнитных жидкостей осуществляется за счет заполнения ими этих зазоров и удержания их в требуемом месте неоднородным магнитным полем, создаваемым, как правило, системой постоянных магнитов и магнитопроводов. Основной задачей магнитной системы является создание магнитного поля, обеспечивающего как можно большую магнитную силу, удерживающую объем магнитной жидкости в зазоре уплотнения.

В настоящей работе предлагается теоретическая модель магнитожидкостного уплотнения, позволяющая осуществить аналитический расчет его статических характеристик, и приводятся данные экспериментов*, свидетельствующие об адекватности предлагаемой модели.

Теория. Схема уплотнения и двумерная плоская геометрия рассматриваемой задачи представлены на рис. 1. Объем магнитной жидкости (MF) длиной L и шириной h заполняет зазор между двумя плоскими поверхностями $x = 0$ и $x = h$ и удерживается в нем неоднородным магнитным полем, создаваемым магнитным полюсом с заостренной торцевой частью, обеспечивающей максимально возможную кон-

центрацию магнитного поля под полюсом. Как показывают расчеты, форма свободных поверхностей жидкости $y = L - b$ и $y = -b$ не сильно влияет на результаты, поэтому эти поверхности предполагаются плоскими.

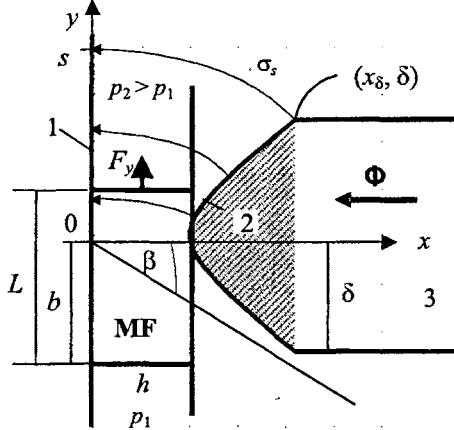


Рис. 1. Геометрия задачи и модель магнитной системы магнитожидкостного уплотнения: 1 – поверхность вала; 2 – полюс магнита с заостренной торцевой частью – концентратор магнитного поля; 3 – линейная часть магнитопровода с магнитным потоком Φ

В линейной части магнитопровода внешним источником создается постоянный магнитный поток, величина которого на единицу длины в поперечном направлении есть Φ . В зазоре магнитожидкостного уплотнения объем магнитной жидкости при отсутствии перепадов давления занимает равновесное положение $b = L/2$, соответствующее нулевому значению результирующей магнитной силы. При смещении объема из положения равновесия, например под действием возникшего перепада давления $\Delta p = p_2 - p_1$, на него начинает действовать не-

* Проведены при участии В. Б. Самойлова.

равная нулю магнитная сила F_y , стремящаяся вернуть ее в положение равновесия. Величина этой силы тем больше, чем больше смещение объема от положения равновесия. Равновесное положение капли при действии перепада давления определяется равенством магнитной силы и силы давления.

Сила F , действующая на объем V магнитной жидкости с намагниченностью M со стороны магнитного поля с модулем напряженности H и его градиентом ∇H , определяется следующим интегралом по этому объему: $F = \mu_0 \int_V M V H dV$, где $\mu_0 = 1,26 \cdot 10^{-6}$ Гн/м – маг-

нитная проницаемость вакуума. Считая жидкость намагниченной до насыщения ($M = M_s = \text{const}$) и учитывая плоскую геометрию рассматриваемой задачи, получим следующее выражение для магнитной силы:

$$F_y = \mu_0 M_s W \int_{-b}^{L-b} \int_0^h \frac{\partial H}{\partial y} dx dy =$$
(1)

$$= \mu_0 M_s W \int_0^h [H(y = L - b, x) - H(y = -b, x)] dx,$$

где W – длина капли жидкости в третьем измерении.

Этой силой определяется удерживаемый перепад давления в магнитожидкостном уплотнении $\Delta p = p_2 - p_1 = F_y / Wh$.

Как показано в [4], хорошим приближением к реальности, позволяющим в дальнейшем выполнить аналитическое рассмотрение ситуации, может служить допущение о том, что форма поверхности концентратора определяется уравнением гиперболы $y^2 = (x^2 - h^2) \operatorname{tg}^2 \beta$, где h – x -координата вершины гиперболы (величина зазора между валом и концентратором); 2β – угол между асимптотами гиперболы – угол заочки концентратора (рис. 1). В этом случае силовые линии магнитного поля описываются функцией $\sigma = \text{const}$, которая имеет вид:

$$\sigma = \frac{1}{2} \left[\sqrt{(x/c+1)^2 + (y/c)^2} + \sqrt{(x/c-1)^2 + (y/c)^2} \right];$$

$$c = h / \cos \beta.$$
(2)

Модуль напряженности магнитного поля H в зазоре определяется выражением

$$H = H_a \frac{h \sin \beta}{[[((x^2 + y^2) \cos^2 \beta + h^2)^2 - 4h^2 x^2 \cos^2 \beta]^{1/4}};$$
(3)

где $H_a = H(x = h, y = 0)$ – значение напряженности магнитного поля на вершине концентратора.

В дальнейшем в качестве основной сохраняющейся характеристики рассматриваемой магнитной системы примем величину магнитного потока Φ в магнитопроводе. Будем считать, что практически весь магнитный поток в зазоре сосредоточен между двумя крайними силовыми линиями магнитного поля σ_s , выходящими из тех точек концентратора $y = \pm \delta$, в которых его заостренная часть сопрягается с прямолинейной частью магнитопровода. Этот поток входит в поверхность вала на участке $-s \leq y \leq s$.

Учитывая симметрию задачи, а также тот факт, что на поверхности вала силовые линии направлены по нормали к ней, магнитный поток на поверхности вала определяется выражением

$$\Phi = 2 \int_0^s H_x(x = 0) dy = 2 \int_0^s H(x = 0) dy = 2 H_a h (\operatorname{tg} \beta) \ln \times$$

$$\times \left(\frac{s \cos \beta + \sqrt{s^2 \cos^2 \beta + h^2}}{h} \right).$$
(4)

Координата s находится из уравнения для крайней силовой линии σ_s , которое на поверхности вала имеет значение

$$\sigma_s = \sqrt{1 + s^2 \cos^2 \beta / h^2}.$$

Откуда

$$s = (a / \cos \beta) \sqrt{\sigma_s^2 - 1}.$$

С учетом этого выражение (4) для магнитного потока можно переписать в виде

$$\Phi = 2 H_a h (\operatorname{tg} \beta) \ln \left(\sqrt{\sigma_s^2 - 1} + \sigma_s \right).$$

Величина σ_s определяется по (2) из значения этой силовой линии в точке выхода ее из поверхности концентратора: $\sigma_s = \sigma(x = x_\delta, y = \delta)$; y -координата этой точки равна δ , а x -координата находится из уравнения гиперболы

$$x_\delta = x(y = \delta) = \sqrt{(\delta^2 / \operatorname{tg}^2 \beta) + h^2}.$$

Таким образом:

$$\sigma_s = \frac{1}{2} \left[\sqrt{\left(\frac{\cos \beta}{h} \sqrt{\frac{\delta^2}{\operatorname{tg}^2 \beta} + h^2} + 1 \right)^2 + \frac{\delta^2 \cos^2 \beta}{h^2}} + \right. \\ \left. + \sqrt{\left(\frac{\cos \beta}{h} \sqrt{\frac{\delta^2}{\operatorname{tg}^2 \beta} + h^2 - 1} \right)^2 + \frac{\delta^2 \cos^2 \beta}{h^2}} \right].$$

Образмерим выписанные выше соотношения, выбрав в качестве масштаба длины ширину слоя магнитной жидкости h , а модуля напряженности магнитного поля $-H_0 = \Phi/\delta$. Тогда для безразмерных величин: $H' = H/H_0$; $x' = x/h$; $y' = y/h$; $b' = b/h$; $L' = L/h$; $F_y' = F_y/(\mu_0 M_s H_0 Wh)$; $\Delta P' = \Delta P/k$; $k = \mu_0 M_s H_0$; $\gamma = \delta/h$ набор соотношений для определения магнитной силы, удерживающей рассматриваемый объем магнитной жидкости в зазоре уплотнения, примет следующий вид:

$$F_y = \Delta P = \int_0^1 [H(y = L - b, x) - H(y = -b, x)] dx;$$

$$H = H_a \frac{\sin \beta}{[(x^2 + y^2) \cos^2 \beta + 1]^2 - 4x^2 \cos^2 \beta]^{1/4}};$$

$$H_a = \frac{\gamma}{2(\operatorname{tg} \beta) \ln(\sqrt{\sigma_s^2 - 1} + \sigma_s)}; \quad (5)$$

$$\sigma_s = \frac{1}{2} \left[\sqrt{\left(\cos \beta \sqrt{\frac{\gamma^2}{\operatorname{tg}^2 \beta} + 1} + 1 \right)^2 + \gamma^2 \cos^2 \beta} + \right. \\ \left. + \sqrt{\left(\cos \beta \sqrt{\frac{\gamma^2}{\operatorname{tg}^2 \beta} + 1 - 1} \right)^2 + \gamma^2 \cos^2 \beta} \right]$$

(птихи у букв для краткости опущены).

Определим критическое значение перепада давления Δp^* , удерживаемого магнитожидкостным уплотнением, как максимально возможное при заданных размерах объема жидкости L . Оно соответствует такому положению объема

жидкости, при котором одна из его вертикальных границ совпадает с осью симметрии полюса магнита, например $b = L$. Наибольшее (пределное) Δp_{\lim} значение этого перепада будет иметь место при стремлении длины объема жидкости к бесконечности: $\Delta p_{\lim} = \Delta p^*(L \rightarrow \infty)$, т. е. когда вторая вертикальная граница капли ($y = -L$) практически выходит из зоны действия магнитного поля: $H(y = -L, z) = 0$. После подстановки выражения для напряженности магнитного поля при $H(y = -L, z) = 0$, $b = L$ в подынтегральное выражение для силы и вычисления этого интеграла для Δp_{\lim} получается следующее соотношение:

$$\Delta p_{\lim} = \frac{\gamma}{2 \ln(\sqrt{\sigma_s^2 - 1} + \sigma_s)} \left(\frac{\pi}{2} - \beta \right).$$

При больших значениях γ ($\gamma >> 1$) имеем: $\sigma_s = \gamma/\operatorname{tg} \beta$; $s = \delta/\sin \beta$,

$H_a = \gamma/[2 \operatorname{tg} \beta \ln(2\gamma/\operatorname{tg} \beta)]$, а выражение для предельного значения удерживаемого перепада давления приобретает наиболее простой вид

$$\Delta p_{\lim} = \frac{\gamma}{2 \ln(2\gamma/\operatorname{tg} \beta)} \left(\frac{\pi}{2} - \beta \right). \quad (6)$$

Рассчитанные по (5) зависимости $\Delta p^*(L)$ представлены на рис. 2, из которого видно, что критический перепад давления увеличивается при уменьшении зазора и уже при длине объема жидкости, примерно равной полуширине магнитопровода ($L/\gamma = 1$), выходит на предельно возможное значение.

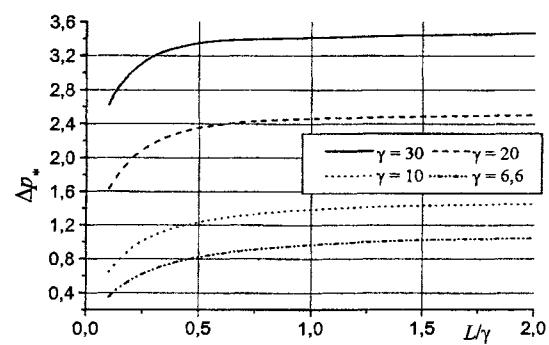


Рис. 2. Зависимость безразмерного критического перепада давления Δp^* в зазоре уплотнения от относительной длины капли магнитной жидкости L/γ при разных значениях зазора ($\gamma = \delta/h$)

Эксперимент. Экспериментальные исследования выполнены на действующей модели магнитожидкостного уплотнения цилиндрического вала диаметром 40 мм с величинами уплотняемого зазора 0,1; 0,2 и 0,3 мм. В экспериментах использовалась магнитная жидкость ММ_{тр} на основе трансформаторного масла с намагниченностью насыщения $M_s = 40$ кА/м. Угол заточки полюса магнита β составлял 15; 22,5; 30; 37,5°, а полуширина линейной части магнитопровода δ равнялась 2 мм. Удельный магнитный поток Φ в магнитопроводе равнялся $2 \cdot 10^{-3}$ Тл/м, что для индукции магнитного поля в зазоре дает величину порядка 1 Тл. При этом масштабный коэффициент k для удерживающего перепада давления составляет $k = \mu_0 M_s H_0 = 0,4 \cdot 10^5$ Па. В эксперименте измерялся предельно возможный удерживающий перепад давления Δp_{lim} . Как показали результаты эксперимента и расчета в исследованном диапазоне углов заточки полюса магнита диапазон изменений Δp_{lim} не превышает 5 %.

Результаты эксперимента и данные расчета по формуле (6) при $\beta = 22,5^\circ$ представлены на рис. 3, который демонстрирует их хорошее согласование.

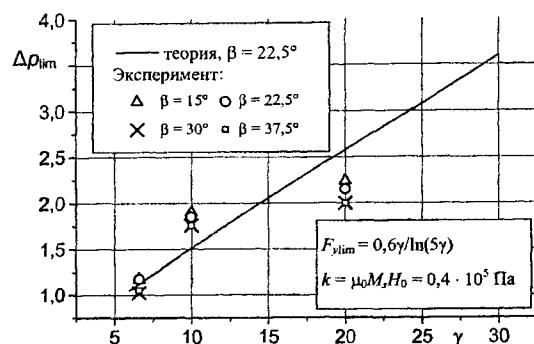


Рис. 3. Зависимость предельного безразмерного перепада давления Δp_{lim} удерживаемого магнитожидкостным уплотнением, от величины зазора $\gamma = \delta/h$

ВЫВОД

Предложенные в работе аналитические соотношения могут быть рекомендованы для расчета статических характеристик магнитожидкостного уплотнения.

ЛИТЕРАТУРА

1. Розенцвейг, Р. Феррогидродинамика / Р. Розенцвейг. – М.: Мир, 1989. – 356 с.
2. Баштовой, В. Г. Введение в термомеханику магнитных жидкостей / В. Г. Баштовой, Б. М. Берковский, А. Н. Вислович. – М.: ИВТАН, 1985. – 188 с.
3. Берковский, Б. М. Магнитные жидкости / Б. М. Берковский, В. Ф. Медведев, М. С. Krakov. – М.: Химия, 1989. – 240 с.
4. Полевиков, В. К. Об устойчивости статического магнитожидкостного уплотнения под действием внешнего перепада давления / В. К. Полевиков // Изв. РАН. Механика жидкости и газа. – 1997. – № 3. – С. 170–175.

Поступила 30.03.2006