# РАСЧЕТ ТЕПЛОВОГО РЕЖИМА ПЛОСКОГО ОБЛУЧАЕМОГО ОБРАЗЦА КЕРАМИЧЕСКОЙ МАССЫ ПРИ ИСПАРЕНИИ ВЛАГИ С НАГРЕВАЕМОЙ ПОВЕРХНОСТИ<sup>\*</sup>

Докт. техн. наук, проф. ОСИПОВ С. Н., асп. БИЛЫК В. А.

Белорусский национальный технический университет, ГНУ «Институт тепло- и массообмена имени А. В. Лыкова»

При сушке изделий строительной керамики пластического формования качество получаемой продукции во многом зависит от деформаций и образования поверхностных трещин в начальном периоде при значениях массообменного критерия  $Fo_m \leq 0,2...0,5$ . Ввиду существенной нестационарности температурных полей этот период сушки часто называют периодом прогрева.

В начальном периоде сушки по мере нагревания поверхности керамической массы соответственно возрастает интенсивность испарения влаги, которая зависит от разности парциальных давлений пара у поверхности и в окружающей среде, как это следует из формулы Дальтона. Однако в нестационарных условиях коэффициент влагообмена изменяется во времени [1].

Изменение давления пара (насыщенного) у поверхности испарения примерно экспоненциально увеличивается с ростом температуры [2]. Однако рост температуры поверхности испарения ввиду ее охлаждения за счет этого испарения протекает иначе, чем нагревание сухой поверхности. Как показывают исследования А. Ф. Чижского [3] и наши эксперименты, вследствие испарительного охлаждения нагреваемой поверхности керамической массы при постоянном потоке воспринимаемой энергии интенсивность сушки в начале процесса нарастает по зависимостям, которые в первом приближении можно аппроксимировать уравнением

$$j_{\tau} = j_m [1 - \exp(-\zeta \tau)], \qquad (1)$$

где  $j_m$  – интенсивность сушки в первом периоде (примерно постоянная величина), г/(см<sup>2</sup> с);  $\zeta$  – эмпирический коэффициент при показателе экспоненты, характеризующий скорости нарастания интенсивности сушки, с<sup>-1</sup>;  $\tau$  – время с начала сушки, с.

Тогда расход теплоты на испарение влаги с 1 см<sup>2</sup> нагреваемой поверхности в единицу времени (расходуемый тепловой поток) составит

$$S_u = j_\tau r = S_0 [1 - \exp(-\zeta \tau)],$$
 (2)

где *r* – теплота испарения, Вт/г; *S*<sub>0</sub> – величина теплового потока, воспринимаемого нагреваемой поверхностью (постоянная величина), Вт/см<sup>2</sup>.

Величина теплового потока, идущего на нагревание плоского образца, составляет

$$S_{\tau} = S_0 \exp(-\zeta \tau). \tag{3}$$

<sup>\*</sup> Печатается в порядке обсуждения.

Необходимо отметить, что при линейном росте температуры нагреваемой поверхности во времени давление пара у поверхности и, следовательно, интенсивность испарения нарастают по сложной кривой, соответствующей эмпирической формуле [4]. Однако в начальном периоде сушки капиллярно-пористых тел температура нагреваемой поверхности увеличивается нелинейно, а градиент температуры быстро уменьшается, стремясь к уровню, близкому к нулевому значению и характерному для первого периода сушки. Любые кривые сушки керамических материалов начинаются с нулевого значения  $j_{\tau}$  и в начальной и первой частях периода примерно экспоненциально достигают величины  $j_m$  или близкой к ней.

На рис. 1 приведены результаты экспериментального определения средних значений интенсивности испарений влаги с поверхностей, облучаемых достаточно мощными тепловыми потоками плоских образцов керамических масс по данным авторов (кривые 1 и 2) и А. Ф. Чижского (кривая 3 [3]). Неравномерное расположение экспериментальных точек во времени для аппроксимирующих кривых 1 и 2 объясняется испытанием различных однотипных образцов на трещинообразование, когда каждое значение  $j_{\tau}$  определялось как среднее за промежуток времени 0...т. Разброс экспериментальных точек вокруг аппроксимирующих кривых по j происходит, по-видимому, за счет «ячеистой» структуры испарения влаги и существенной анизотропии свойств образцов, даже изготовленных из одного материала. Учитывая методику определения  $j_{\tau}$ , экспериментальные данные А. Ф. Чижского (кривая 3 [3]) также являются средними значениями в интервале  $\tau_i...\tau_{i+1}$ . По этим данным нетрудно определить значения  $j_m$  и  $\zeta$  в формулах (2) и (3).



Рис. 1. Зависимость интенсивности испарения влаги из плоских образцов керамических масс пластического формования от времени до образования поверхностных трещин: 1 (•) - формовочная масса, используемая Минским заводом строительных материалов (80 % лукомльской глины + 20 % гранитного отсева) при  $S_0 \approx 1$  Вт/см<sup>2</sup> и h =



Как показывает компьютерная обработка приведенных на рис. 1 результатов экспериментов, для кривой 1:  $j_m = 2,97 \cdot 10^{-4} \ r/(cm^2 \cdot c)$  и  $\zeta = 0,0174 \ c^{-1}$  при возможных стандартных отклонениях значений  $j_m$  и  $\zeta$  соответственно:  $\Delta j_m = 8,85 \cdot 10^{-6} \ r/(cm^2 \cdot c)$  и  $\Delta \zeta = 0,001 \ c^{-1}$ , что более чем на порядок меньше основных величин.

Для кривой 2:  $j_m = 3,69 \cdot 10^{-4} \text{ г/(см}^2 \cdot \text{ с})$  и  $\zeta = 0,00652 \text{ c}^{-1}$  при  $\Delta j_m = 1,96 \cdot 10^{-5} \text{ г/(см}^2 \cdot \text{ с})$  и  $\Delta \zeta = 0,00078 \text{ c}^{-1}$ , что также примерно на порядок меньше основных величин.

Для кривой 3:  $j_m = 2,15 \cdot 10^{-4} \ r/(cm^2 \cdot c)$  и  $\zeta = 0,00975 \ c^{-1}$  при  $\Delta j_m = 2,65 \cdot 10^{-6} \ r/(cm^2 \cdot c)$  и  $\Delta \zeta = 0,00027 \ c^{-1}$ , что более чем на порядок меньше основных величин.

Необходимо отметить, что коэффициенты корреляции для исходных экспериментальных данных (рис. 1, кривые 1, 2 и 3) соответственно составляют  $r_1 = 0.83$ ;  $r_2 = 0.86$  и  $r_3 = 0.95$ . Такие высокие значения коэффициентов корреляции свидетельствуют о правильности выбора аппроксимирующей зависимости в виде экспоненты.

Для расчета теплового режима плоского образца в начальном периоде сушки ранее [5] использовалось решение [6], где в качестве граничного условия задавалось изменение температуры нагреваемой поверхности в соответствии с экспериментальной зависимостью

$$t(0,\tau) = t_0 + (t_k - t_0)[1 - \exp(-\beta\tau)].$$
(4)

Здесь  $t_0$  – начальная температура нагреваемой поверхности, °C;  $t_k$  – конечная температура нагреваемой поверхности при наступлении регулярного режима (первый период сушки), °C;  $\beta$  – коэффициент при показателе степени экспоненты, с<sup>-1</sup>.

Однако такой вариант расчета теплового режима плоского образца с одной нагреваемой поверхностью при испарении с нее влаги требует экспериментального определения температуры на этой поверхности, т. е. фактически исключает возможность предрасчета теплового режима по величине подводимого потока теплоты  $S_0$ , что препятствует прогнозу обезвоживания наружных слоев керамической массы за счет испарения влаги и ее термоградиентного переноса. Поэтому приведенная постановка задачи отвечает насущным требованиям разработки практических мероприятий для повышения качества сушки изделий строительной керамики пластического формования.

Аналитически задача может быть представлена весьма упрощенно в виде уравнения теплопроводности

$$a\frac{\partial^2 t}{\partial x^2} = \frac{\partial t}{\partial \tau}$$
(5)

с начальным и граничными условиями:

$$t(x,0) = t_0; \quad -\lambda \frac{\partial t}{\partial x}\Big|_{x=0} = S_0 e^{-\zeta \tau}; \quad \frac{\partial t}{\partial x}\Big|_{x=h} = 0, \quad (6)$$

где h – толщина пластины, см; a – коэффициент температуропроводности, см<sup>2</sup>/с;  $\lambda$  – коэффициент теплопроводности, Вт/(см · град).

В [6] приведено много вариантов решения уравнения Фурье с различными краевыми условиями, но в постановке (5), (6) авторам не удалось найти готового аналитического решения градиентов температур, а в [7] дано решение только для температур.

Для решения задачи использовано интегральное косинус-преобразование Фурье в виде

$$t_c(n,\tau) = \int_0^h t(x,\tau) \cos \frac{n\pi x}{h} dx$$
 при  $n = 1, 2, ...,$  (7)

где  $t_c(n, \tau)$  – изображение функции  $t(x, \tau)$ , удовлетворяющее условию Дирихле.

В результате серии преобразований и подстановок получается линейное неоднородное уравнение вида

$$y' + by = g(\tau), \qquad (8)$$

где

$$y = y(\tau) = t_c(n,\tau); \quad y' = \frac{\partial y(\tau)}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial \tau} t_c(n,\tau);$$
$$g(\tau) = a(-1)^n \frac{q(\tau)}{\lambda} = (-1)^n \frac{S_0}{\lambda} e^{-\zeta\tau}; \quad b = a \left(\frac{n\pi}{h}\right)^2. \tag{9}$$

Решение этого уравнения (после возвращения к оригиналу функции) имеет вид

$$t(x,\tau) = t_0 - \frac{aS_0}{h\lambda\zeta} \left( e^{-\zeta\tau} - 1 \right) - \frac{2aS_0}{h\lambda} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{a\left(\frac{n\pi}{h}\right)^2 - \zeta} \left( e^{-a\left(\frac{n\pi}{h}\right)^2\tau} - e^{-\zeta\tau} \right) \cos\frac{n\pi x}{h} \cdot (10)$$

Приняв Fo =  $\frac{a\tau}{h^2}$  (критерий Фурье); Pd =  $\frac{\zeta h^2}{a}$  (критерий Предводителе-

ва);  $\eta = \frac{x}{h}$  и  $\mu_n = \pi n$  и разложив ряд в формуле (10) на два, один из которых преобразуем по [9] и получим для безразмерных координат аналогично задаче № 22 [6]:

$$t(\text{Fo}, \eta, \text{Pd}) = t_0 + \frac{S_0 h}{\lambda} \frac{1}{\text{Pd}} - \frac{S_0 h}{\lambda} \frac{\cos(\sqrt{\text{Pd}(1-\eta)})}{\sqrt{\text{Pd}\sin\sqrt{\text{Pd}}}} e^{-\text{FoPd}} - \frac{2\frac{S_0 h}{\lambda} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n e^{-\text{Fo}\mu_n^2} \cos(\mu_n(1-\eta))}{\mu_n^2 - \text{Pd}}}{\mu_n^2 - \text{Pd}}.$$
(11)

Средняя температура тела

$$\bar{t} = \bar{t}(\mathrm{Fo}, \mathrm{Pd}) = t_0 + \frac{S_0 h}{\lambda \mathrm{Pd}} \left(1 - e^{-\mathrm{FoPd}}\right).$$
(12)

Градиент температуры

$$\frac{\partial t(\text{Fo}, \eta, \text{Pd})}{\partial x} = -\frac{S_0}{\lambda} \frac{\sin(\sqrt{\text{Pd}}(1-\eta))}{\sin(\sqrt{\text{Pd}})} e^{-\text{FoPd}} - 2\frac{S_0}{\lambda} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n e^{-\text{Fo}\mu_n^2} \mu_n \sin(\mu_n(1-\eta))}{\mu_n^2 - \text{Pd}}.$$
 (13)

Для построения номограмм, аналогичных представленным в задаче № 22 [6], приведенные выше итоговые формулы нуждаются в некотором преобразовании. В качестве примера приводим формулу параметра средней температуры, для быстрого определения которого на рис. 2 построена номограмма

$$\overline{\Theta} = \overline{\Theta}(\text{Fo}, \text{Pd}) = \frac{\overline{t}(\text{Fo}, \text{Pd}) - t_0}{\frac{S_0 h}{\lambda}} = \frac{1}{\text{Pd}} \left(1 - e^{-\text{Fo} \,\text{Pd}}\right).$$
(14)



*Рис. 2.* Зависимость величины параметра средней температуры от значений Fo при Pd = 0,5; 1,0; 2,0; 3,0; 5,0; 10,0; 25,0

Тогда для средней температуры пластины (образца) имеем

$$\overline{t} = t_0 + \overline{\Theta} \frac{S_0 h}{\lambda}.$$
(15)

При сушке керамических изделий пластического формования для оценки возможности появления поверхностных трещин большое значение имеет динамика теплофизических параметров нагреваемой поверхности, к которым в первую очередь относится изменение температуры и ее градиента.

Температуру нагреваемой поверхности пластины (h = 0) можно определить по формуле

$$t_n = t_0 + \Theta \frac{S_0 h}{\lambda} , \qquad (16)$$

где  $\Theta$  – параметр температуры,

$$\Theta = \frac{1}{Pd} - \frac{\cos(\sqrt{Pd}(1-\eta))}{\sqrt{Pd}\sin\sqrt{Pd}} e^{-FoPd} - 2\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n e^{-Fo\mu_n^2} \cos(\mu_n(1-\eta))}{\mu_n^2 - Pd}.$$
 (17)

Для оценочных определений  $\Theta$  авторами приводится номограмма (рис. 3).



*Рис. 3.* Зависимость величины параметра температуры для нагреваемой поверхности пластины от значений Fo при Pd = 0,5; 1,0; 2,0; 3,0; 5,0; 10,0; 25,0

Градиент температуры нагреваемой поверхности пластины (h = 0) можно рассчитать

$$\left. \frac{\partial t}{\partial x} \right|_{x=0} = -G \frac{S_0}{\lambda} \,, \tag{18}$$

где *G* – параметр градиента температуры,

$$G = \frac{\sin(\sqrt{\mathrm{Pd}(1-\eta)})}{\sin(\sqrt{\mathrm{Pd}})} e^{-\mathrm{FoPd}} + 2\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n e^{-\mathrm{Fo}\mu_n^2} \mu_n \sin(\mu_n(1-\eta))}{{\mu_n^2} - \mathrm{Pd}}.$$
 (19)

Для определения значений параметра градиента температуры представлена номограмма (рис. 4).

Для проверки правильности полученного решения использованы краевые условия задачи  $\mathbb{N}$  22 [6], при которых параметр средней температуры  $\overline{\Theta}$  = Fo. Полученное решение для параметра  $\overline{\Theta}$  при Pd = 0 :

$$\overline{\Theta} = \frac{1}{\mathrm{Pd}} \left( 1 - e^{\mathrm{FoPd}} \right) = \mathrm{Fo} - \sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n \mathrm{Fo}^n \mathrm{Pd}^{n-1}}{n!} = \mathrm{Fo}$$
(20)

в силу того, что ряд

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n \operatorname{Fo}^n \operatorname{Pd}^{n-1}}{n!}$$
(21)

сходится по критерию Даламбера.

После преобразования параметр градиента температуры получается аналогичным приведенному в задаче № 22 [6]

$$G = 1 - \eta - 2\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{\mu^n} e^{-Fo\mu_n^2} \sin(\mu_n(1-\eta)).$$
 (22)

Подобным образом параметр температуры  $\Theta$  при Pd = 0 оказывается аналогичным в [6] и [7].

Необходимо отметить, что  $G \rightarrow 0$  при  $\eta \rightarrow 0$ , если не выполнить преобразования ряда в формуле (10) по [8], и тогда градиент температуры поверхности ( $\eta = 0$ ) принимает нулевое значение. Последнее не соответствует физическому смыслу теплового процесса нагревания и, по-видимому, является следствием недостаточного учета всех факторов в параболических дифференциальных уравнениях, на что указывал А. В. Лыков [9]. Однако уже при  $\eta = 0,005...0,007$  величина G достигает максимального значения, которое можно принять в качестве величины градиента температуры на нагреваемой поверхности.

Приведенные детерминированные решения поставленной задачи определяют только усредненные уровни теплофизического состояния нагреваемых пластин и дают оценку влияния учтенных факторов на развитие процесса нагревания. Для реального количественного описания температурных полей необходимо общее определение значений  $\zeta$  с учетом криволинейности зависимости (1), что может быть сделано на основе достаточно простых экспериментов. Кроме того, необходимо оценить влияние некоторого изменения параметров *а* и  $\lambda$ , которые при решении задачи приняты постоянными, на получаемые результаты расчетов.



*Рис. 4.* Зависимость величины параметра градиента G при  $\eta = 0$  от значений Fo при Pd = 0,5; 1,0; 2,0; 3,0; 5,0; 10,0; 25,0

Полученные решения дают возможность рассчитать поля температур и их градиентов в плоском капиллярно-пористом теле в начальном периоде сушки, что позволяет оценить интенсивность термоградиентного переноса влаги и ее испарение с нагреваемых поверхностей в зависимости от интенсивности тепловосприятия, а также рассчитывать оптимальные технологические режимы сушки с точки зрения энергозатрат и качества.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Лыков А.В. Теория сушки. – М.: Энергия, 1968. – 472 с.

2. К и р е е в В. А. Курс физической химии. – М.: Химия, 1975. – 776 с.

3. Чижский А.Ф. Сушка керамических материалов и изделий. – М.: Изд-во лит. по строительству, 1971. – 177 с.

4. Филоненко Г.К. Кинетика сущильных процессов. – М.: Оборонгиз, 1939. – 184 с.

65

5. И в а н о в с к и й И. К., О с и п о в С. Н. Оценка тепло- и массообменных параметров при термическом испытании образцов глины на чувствительность к сушке // Энергетика... (Изв. высш. учеб. заведений и энерг. объединений СНГ). – 2002. – № 6. – С. 75–89.

6. Пехович А.И., Жидких В.М. Расчеты теплового режима твердых тел. – Ленинград: Энергия, 1976. – 352 с.

7. Лыков А.В. Теория теплопроводности. – М.: Высш. шк., 1966. – 600 с.

8. Градштейн И.С., Рыжик И.М. Таблицы интегралов, сумм, рядов и произведений. – М.: Наука, 1971. – 1108 с.

9. Лыков А.В. Тепломассообмен: Справ. – М.: Энергия, 1972. – 560 с.

Представлена кафедрой теплогазоснабжения и вентиляции

Поступила 20.11.2003

УДК 621.186.2.001.24

## К ПРИМЕНЕНИЮ МЕТОДА «ТЕПЛОВОЙ ВОЛНЫ» ДЛЯ ДИАГНОСТИКИ СОСТОЯНИЯ ТРУБОПРОВОДОВ В СИСТЕМАХ ТЕПЛОСНАБЖЕНИЯ

### Канд. техн. наук, доц. СЕДНИН В. А., докт. физ.-мат. наук МЕЛЕШКО И. Н.

### Белорусский национальный технический университет

Системы централизованного теплоснабжения классифицируются как распределенные в пространстве и состоящие из элементов производства и потребления тепловой энергии, объединенных элементами транспорта (тепловые сети) энергии, и элементов преобразования ее параметров (тепловые пункты). Эффективность их работы существенно зависит от правильной дислокации этих элементов, схемы их соединения, степени автоматизации, структуры и состава самих элементов. Проблемы повышения надежности систем теплоснабжения достаточно подробно изложены в [1, 2].

Необходимый элемент систем централизованного теплоснабжения – тепловые сети, транспортные тепловые потери в которых, с одной стороны, являются показателем работы теплопроводов, характеризующим эффективность расходования природных ресурсов и степень воздействия на окружающую среду, а с другой – указывают на техническое состояние самих теплопроводов.

Актуальность определения транспортных потерь теплоты в сетях централизованного теплоснабжения вызвана необходимостью иметь энергетическую характеристику тепловых сетей по тепловым потерям, которая является важным экономическим показателем, предметом заинтересованности всех участников взаиморасчетов при выработке и потреблении тепловой энергии.

Однако из-за большой погрешности измерений транспортные тепловые потери в тепловых сетях не могут определяться просто как разность между

66