

Некоторые уточнения решения задачи о движении артиллерийского снаряда в сопротивляющейся среде

Амельянчик А.И., Горбач Н.И., Гурвич Ю.А., Крайник Д.А.
Белорусский национальный технический университет

В работе [1] рассматривалось движение снаряда весом P , которому сообщена начальная скорость V_0 под углом α к горизонту, с учетом силы сопротивления воздуха $\vec{R} = -kP\vec{V}$.

Движение снаряда в декартовых осях xOy определялось уравнениями:

$$x = \frac{V_0 \cos(\alpha)}{kg} (1 - e^{-kgt}). \quad (1)$$

$$y = \frac{1}{kg} \left(\frac{1}{k} + V_0 \sin(\alpha) \right) (1 - e^{-kgt}) - \frac{t}{k}. \quad (2)$$

Исключив из этих уравнений время t , получим уравнение траектории в координатной форме

$$y = xtg(\alpha) + \frac{x}{kV_0 \cos(\alpha)} + \frac{1}{k^2g} \ln \left(1 - \frac{kgx}{V_0 \cos(\alpha)} \right). \quad (3)$$

Для сравнения полученного уравнения траектории с уравнением траектории полета снаряда в безвоздушном пространстве разложим выражение $\ln \left(1 - \frac{kgx}{V_0 \cos(\alpha)} \right)$ в ряд Тейлора, затем первые пять слагаемых ряда Тейлора подставим в уравнение (3). В итоге получим приближенное уравнение траектории снаряда:

$$y = xtg(\alpha) - \frac{gx^2}{2V_0^2 \cos^2(\alpha)} - \frac{kgt^2x^3}{3V_0^3 \cos^3(\alpha)} - \frac{k^2g^2x^4}{4V_0^4 \cos^4(\alpha)}. \quad (4)$$

Из уравнения (4) видим, что первые два слагаемых полностью совпадают с известным уравнением траектории полета снаряда в безвоздушном пространстве. В работе [1] учитывались только четыре первых слагаемых ряда Тейлора, что позволило получить формулу для определения дальности L полета снаряда. Однако определенная по этой формуле дальность полета оказалась весьма завышена и не может быть равной или превышать значение $x = \frac{V_0 \cos(\alpha)}{kg}$.

1. К вопросу о движении артиллерийского снаряда/Амельянчик А.И., Горбач Н.И. // Международный научно-технический журнал / БНТУ. – Мн.: 2009. – выпуск 24: Теоретическая и прикладная механика. – с. 247-260.