УДК 620.178; УДК 621. 81: 621 – 192; УДК 681.3.06:629.114.2

Капуста П.П. 1 , Капуста П.П. 2 – мл.

ПРОЕКТНЫЙ РАСЧЁТ ВАЛОВ НА СОПРОТИВЛЕНИЕ УСТАЛОСТИ: ДЕТЕРМИНИРОВАННЫЙ ПОДХОД

1. Белорусский национальный технический университет

2. Минский завод колесных тягачей

Минск, Беларусь

В конкурентных условиях, особую актуальность имеют вопросы повышения качества выпускаемых машин и деталей, их технического уровня, технологичности, технико-экономических характеристик и безопасности в эксплуатации. В связи с этим возникает необходимость проектирования деталей с ограниченным запасом прочности и оптимальными массогабаритными характеристиками. Приведены основные положения методики проектного расчета валов по критериям сопротивления усталости

Применение разработанных подхода и метода расчета валов на сопротивление усталости на стадии проектирования позволяет найти наиболее приемлемый вариант конструкции, на этапе их вариантного моделирования, что позволяет сократить не только время расчётов, но и материальные затраты на этапе расчетной прочностной доводки.

Постановка задачи. В конкурентных условиях, особую актуальность имеют вопросы повышения качества выпускаемых машин и деталей, их технического уровня, технологичности, технико-экономических характеристик и безопасности в эксплуатации. В связи с этим возникает необходимость проектирования деталей с ограниченным запасом прочности и оптимальными массогабаритными характеристиками [1, 2].

Применение методов расчета на сопротивление усталости на стадии проектирования позволяет найти наиболее приемлемый вариант конструкции.

Расчет валов на сопротивление усталости проводят как проверочный по классическому условию $S_f \ge [S_f]$. Практика показывает, что расчетный коэффициент запаса усталостной прочности S_f , как правило, значительно отличается, чаще в большую сторону, от допускаемого $[S_f]$, что затрудняет получение оптимальных массогабаритных параметров валов, конструируемых на них узлов и агрегатов.

Однако эксплуатационные усталостные поломки валов и полуосей, работающих на изгиб с кручением, все же происходят (см. рис. 1), что ограничивает надежность и уровень техногенной безопасности длительно эксплуатируемых машин.



Рис. 1. Типичное усталостное разрушение полуоси заднего ведущего моста колесного трактора

Обоснование и основные принципы метода решения задачи. Для усовершенствования существующей методики, проектный расчет проводится с учетом современных технологий виртуального моделирования и количественного обоснования компоновочных решений деталей, в три этапа. Первый, применяемый на стадии анализа кинематических схем, предусматривает приближенную оценку диаметра вала по известному крутящему моменту M_k в рассчитываемом сечении и пониженным допускаемым касательным напряжениям при кручении $[\tau_{\kappa}]$. Второй, применяемый на стадии анализа предварительных компоновочных решений и схем, предусматривает приближенную оценку диаметра вала по известному эквивалентному моменту M_E и эквивалентным допускаемым нормальным напряжениям при совместном действии изгиба и кручения $[\sigma_E]$. Третий этап состоит в проектном уточнении диаметра вала $M_E D_{[S_f]}$. Решением неравенства

$$S_f = \frac{S_\sigma \cdot S_\tau}{\sqrt{S_\sigma^2 + S_\tau^2}} \ge [S_f] \tag{1}$$

авторами [2] предложено уравнение вида

$$D_{[S_f]} = f([S_f], M_u, M_\kappa, \sigma_{-1}, \tau_{-1}, K_{\sigma D}, K_{\tau D}, K_{L\sigma}, K_{L\tau}, \psi_\sigma, \psi_\tau)$$

для проектного вычисления диаметра вала по критерию сопротивления усталости с учетом наиболее значимых факторов ($[M_u]$ – суммарный изгибающий момент; σ_{-1} , τ_{-1} , $K_{\sigma D}$, $K_{\tau D}$, $K_{L\sigma}$, $K_{L\tau}$ – соответственно, пределы выносливости, коэффициенты их снижения и долговечности при действии нормальных изгибных и касательных крутящих напряжений, а ψ_{σ} и ψ_{τ} – коэффициенты чувствительности материала к асимметрии циклов напряжений), для применения в конструкторской практике должны быть разработаны соответствующие базы данных по параметрам, алгоритм и программа для ПЭВМ, что позволит автоматизировать расчет на стадии проектирования и интегрировать разработанный метод в САПР.

Разработка метода решения задачи. Для усовершенствования существующей методики, возможно проведение проектного расчета с учетом современных технологий виртуального моделирования и количественного обоснования компоновочных решений деталей.

Расчет проводится в три этапа.

Первый этап, применяемый в практике проектирования на стадии анализа кинематических схем, предусматривает приближенную оценку диаметра вала (2) по известному крутящему моменту \boldsymbol{M}_k в рассчитываемом сечении и пониженным допускаемым касательным напряжениям при кручении $[\tau_{\kappa}]$

$$D_{[\tau_K]} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot M_K}{\pi \cdot [\tau_K]}} \tag{2}$$

Второй этап, применяемый в практике проектирования на стадии анализа предварительных компоновочных решений и схем, предусматривает приближенную оценку диаметра вала (3) по известному эквивалентному моменту $M_{\rm E}$ в рассчитываемом сечении и эквивалентным допускаемым нормальным напряжениям при совместном действии изгиба и кручения [σ_E] с использованием одной из известных гипотез прочности (например, – гипотезы энергии формоизменения).

$$D_{\sigma E} \ge \sqrt[3]{\frac{32 \cdot M_E}{\pi \cdot [\sigma_E]}} \tag{3}$$

Третий этап, предложенный авторами, предусматривает проектную оценку диаметра вала по уравнению, являющимся результатом решения неравенства (1), где: S_f и $[S_f]$ — соответственно, общие расчетный и допускаемый коэффициенты запаса усталостной прочности при сложном напряженном состоянии (например, совместное действие изгиба с кручением); S_{σ} и S_{τ} — соответственно, расчетные коэффициенты запаса усталостной прочности при раздельном действии изгиба и кручения, определяемые по формулам (4) и (5) [3–5].

$$S_f \sigma = \frac{\sigma_{-1}}{\frac{K_{\sigma D}}{K_{L\sigma}} \sigma_{\alpha} + \psi_{\sigma_m}} \tag{4}$$

И

$$S_f \tau = \frac{\tau_{-1}}{\frac{K_{\tau D}}{K_{I\tau}}} \tau_{\alpha} + \psi_{\tau} \tau_{m}$$
(5)

где: σ_{-1} и τ_{-1} – соответственно, пределы выносливости материала в МПа (например, используемой марки стали, определенные на полированных образцах стандартных размеров [3, 4]) при раздельном действии изгиба и кручения;

 $M_u = \sqrt{M_x^2 + M_y^2}$ и M_k — соответственно, изгибающие, в вертикальной M_x , и в горизонтальной M_y , плоскостях и крутящий моменты, определяемые по эпюрам для рассчитываемого поперечного сечения;

 σ_{α} и τ_{α} – соответственно, амплитуда нормальных и касательных напряжений в МПа при изгибе σ_u и кручении τ_{κ} :

$$\sigma_a = \sigma_u = \frac{M_u}{W_{rd}} \tag{6}$$

И

$$\tau_a = \frac{\tau_{\kappa}}{2} = \frac{M_{\kappa}}{2 \cdot W_{pd}}; \tag{7}$$

 ψ_{σ} и ψ_{τ} – соответственно, коэффициенты чувствительности материала к амплитуде нормальных и касательных напряжений при изгибе и кручении [3–5];

 $K_{\sigma D}$ и $K_{\tau D}$ – соответственно, общие коэффициенты снижения предела выносливости вала в рассчитываемом сечении по нормальным и касательным напряжениям при изгибе (8) и кручении (9);

$$K_{\sigma D} = \left(\frac{K_{\sigma}}{K_{d\sigma}} + \frac{1}{K_{F\sigma}} - 1\right) \frac{1}{K_{\nu_{\sigma}} \cdot K_{A\sigma}}; \tag{8}$$

$$K_{\tau D} = \left(\frac{K_{\tau}}{K_{d\tau}} + \frac{1}{K_{F\tau}} - 1\right) \frac{1}{K_{\nu_{\tau}} \cdot K_{A_{\tau}}}; \tag{9}$$

 K_{σ} и K_{τ} – соответственно, коэффициенты концентрации нормальных и касательных напряжений при изгибе и кручении [3–5];

 $K_{d\sigma}$ и $K_{d\tau}$ – соответственно, коэффициенты влияния размеров рассчитываемого поперечного сечения по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении [3–5];

 $\frac{K_{\sigma}}{K_{d\sigma}}$ и $\frac{K_{\tau}}{K_{d\tau}}$ — соответственно, отношение коэффициентов концентрации нормальных

и касательных напряжений и влияния размеров рассчитываемого поперечного сечения по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении (принимаемое в уравнениях (8) и (9) для случаев наличия в соединении "вал-ступица" сборочных напряжений, способных вызвать "фреттинг-коррозию"), связанные между собой эмпирической зависимостью (10) [3, 4]);

$$\frac{K_{\tau}}{K_{ds}} = 0.6 \frac{K_{\tau}}{K_{ds}} + 0.4 ; \tag{10}$$

 $K_{F\sigma}$ и $K_{F\tau}$ – соответственно, коэффициенты влияния шероховатости поверхности рассчитываемого поперечного сечения по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении [3–5];

 $K_{\nu\sigma}$ и $K_{\nu\tau}$ – соответственно, коэффициенты упрочнения (как, правило – поверхностного) рассчитываемого поперечного сечения по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении [3–5];

 $K_{A_{\sigma}}$ и $K_{A_{\tau}}$ – соответственно, коэффициенты упрочнения (как, правило – поверхностного) рассчитываемого поперечного сечения по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении [3–5];

 $K_{L\sigma}$ и $K_{L\tau}$ – соответственно, коэффициенты усталостной долговечности, определяемые по формулам (11) и (12), по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении [3–5];

$$K_{L\sigma} = {}^{m_{\sigma}} \sqrt{\frac{N_{G\sigma}}{N_{\sigma}}} \tag{11}$$

И

$$K_{L\tau} = {}^{m_{\tau}} \sqrt{\frac{N_{G\tau}}{N_{\tau}}} \tag{12}$$

 $N_{G\sigma}$ и $N_{G\tau}$ – соответственно, числа циклов до точки нижнего перелома кривой усталости в логарифмической системе координат, принимаемые с учетом расчета по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении;

 N_{σ} и N_{τ} — соответственно, числа циклов до разрушения, соответствующие принятой проектной долговечности, принимаемые с учетом расчета по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении, а также — параметров нагруженности валов, например — циклограммы нагружения или критерия нагруженности K_{w} (например, с учетом относительного времени работы на передачах при расчете валов коробок передач) [3–6];

 $m_{\rm c}$ и $m_{\rm t}$ — соответственно, показатели наклона левой ветви кривой усталости рассчитываемого поперечного сечения по нормальным и касательным напряжениям при изгибе и кручении;

Результатом решения неравенства (1) с учетом (2) - (12), получена формула (13) проектного вычисления диаметра вала по критерию сопротивления усталости с учетом наиболее значимых факторов [3–5]:

$$D = \int_{0}^{64[S_{f}]^{2}} \left\{ \left[\frac{M_{K} \left(\frac{K_{\tau D}}{K_{L\tau}} + \psi_{\tau} \right)}{\tau_{-1}} \right]^{2} + \left(\frac{4M_{u}K\sigma D}{K_{L\sigma}\sigma_{-1}} \right)^{2} \right\}$$
(13)

Для применения уравнения (13) в расчетной конструкторской практике разработаны соответствующие базы данных по всем входящим характеристикам, параметрам и коэффициентам, алгоритм и программа для вычисления диаметра, что позволит автоматизировать расчет на начальной стадии проектирования и интегрировать разработанный метод в САПР.

Первоначальные значения коэффициентов, входящих в зависимости (7)–(12), определяют по диаметру и другим геометрическим характеристикам концентраторов напряжений проектируемого сечения вала. Расчеты по формулам (10)–(13) справедливы для случаев нагружения валов на изгиб с кручением пропорционально коэффициенту динамичности действующих нагрузок.

Заключение. Обоснован метод проектной расчетной оценки массогабаритных характеристик валов по критерию сопротивления усталости. Для применения уравнений в

расчетной конструкторской практике разработаны соответствующие базы данных по всем входящим характеристикам, параметрам и коэффициентам, алгоритм и программа для вычисления геометрических характеристик валов, что позволяет автоматизировать расчеты на начальной стадии проектирования и интегрировать разработанный метод в САПР, что позволит оптимизировать конструкции валов по усталостной долговечности и массогабаритным характеристикам.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Скойбеда, А. Т., Капуста, П. П., Капуста, П. П.-мл. Постановка задачи конструкторскотехнологического обеспечения качества колесных машин на стадиях сборки и цеховых испытаний // Наука – образованию, производству, экономике: Материалы 15-й МНТК (70-й НТК профессорско-преподавательского состава, научных работников, докторантов и аспирантов БНТУ) в 4 томах: т. 3, С. 217.
- 2. Капуста, П. П., Капуста, П. П.-мл. Разработка метода проектного расчета валов по критериям сопротивления усталости // Наука образованию, производству, экономике: Материалы 15-й МНТК (70-й НТК профессорско-преподавательского состава, научных работников, докторантов и аспирантов БНТУ) в 4 томах: т. 3, С. 218.
- 3. ГОСТ25.504-82. Расчеты и испытания на прочность. Методы расчета характеристик сопротивления усталости. Введ. 01.07.83.–М.: Изд-во стандартов, 1983. 81 с.
- 4. Капуста, П. П. Расчеты на сопротивление усталости. Мн.: Изд. БелНИИТИ, 1989. 99 с.
- 5. Капуста, П. П. Вероятностная оценка характеристик сопротивления усталости деталей на стадии проектирования машин. Мн.: Изд. «Технопринт», 2001. 97 с.
- 6. Капуста, П. П. Методика оценки нерегулярной нагруженности деталей и конструкций машин / Вестник машиностроения. 2005. № 6. С. 13–18.

Поступила 22.01.2020

УДК 620.178; УДК 621. 81: 621 – 192; УДК 681.3.06:629.114.2 Капуста П.П. 1 , Лебедев О.Н. 2 , Дидух М.П. 2 , Шинкевич В.С. 2 , Грихно А.А. 1,2 ПРОЕКТНАЯ ОЦЕНКА КОНСТРУКЦИИ РАМЫ НА СТАДИИ ЭСКИЗНОЙ

компановки четырёхосного автомобиля-самосвла

1. Белорусский национальный технический университет, 2. Минский завод колесных тягачей

Минск, Беларусь

На ранних стадиях проектирования грузовых автомобилей необходимо с использованием системного подхода приближенно оценить конструкцию всего изделия и его основных агрегатов и узлов. Важнейшим элементом грузового автомобиля является несущая система, включающая следующие основные агрегаты: рама, мосты, подвеска, колеса и др. Главным агрегатом является рамная конструкция, определяющая ресурс, надежность и техногенную безопасность проектируемого объекта. Решение этих задач рассмотрено на примере проектной оценки конструкции рамы с надрамником на стадии эскизной компоновки четырехосного автомобиля-самосвала. Системный подход к проектной оценке конструкции грузовых автомобилей и их основных агрегатов на ранних стадиях проектирования обеспечивает предварительную реализацию главных функциональных и эксплуатационных требований. На основании комплексного анализа проведенных аналитических и экспериментальных исследований созданы 3D модели ра-